

Les Nouvelles d'APL

Revue Trimestrielle d'AFAPL
(Association Francophone pour la promotion du langage APL)

Nº30 Juillet 1999

Dans ce numéro:	
Editorial	Bernard Legrand
- Compte d'activité de l'année 1998	Bernard Secret
- Génération de fonctions polynomiales ayar	it la propriété
F(x)=F(1/x)	Michel J. Dumontier
- THE 3D DCT (Discrete Cosine Transform)
M. J. Dumontie	r, P. Gerlier, P. Leray
- Optimisation et ordinateur	Gérard Langlet
- Calcul de racines en J	Raymond Coquidé
- Développement Objet en APL+Win 3.5	Eric Lescasse
- Some other triangles and APL	Joseph De Kerf
- Guide des Produits et Services APL	AFAPL
- Bulletin d'adhésion et de contact	4
- Calendrier des prochaines parutions	_



Les Nouvelles d'APL

Rever Transsrielle (1772).

(Association Francophone pour la promoton de langage APL.

Nº30 Juillet 1999

Dans ce numéro :	
Editorial	Bernard Legrand
- Compte d'activité de l'année 1998	Bernard Secret
- Génération de fonctions polynomiales ayan	t la propriété
F(x)=F(1/x)	Michel J. Dumontier
- THE 3D DCT (Discrete Cosine Transform)	
M. J. Dumontier	, P. Gerlier, P. Leray
- Optimisation et ordinateur	Gérard Langlet
- Calcul de racines en J	Raymond Coquidé
- Développement Objet en APL+Win 3.5	Eric Lescasse
- Some other triangles and APL	Joseph De Kerf
- Guide des Produits et Services APL	AFAPL
- Bulletin d'adhésion et de contact	- 0
- Calendrier des prochaines parutions	

AFAPL

Association Francophone pour la promotion du laugage APL Association régie par la loi de 1901 174 bd. de Charonne - 75020 PARIS - FRANCE

Tél. & Fax: (33) 01-43-56-31-79 URL = http://www.ensmp.fr/~scherer/langlet/

Constitution du bureau

M. Bernard Legrand M. Bernard Secret

Trésorier Trésorier adjoint Secrétaire Gal

Président

M. Raymond Tisserand Mme Ludmila Lemagnen

Secrétaire adi.

M. Bernard Mailhol

Revue "Ces Nouvelles d'APC"

Imprimée par AFAPL Dépôt légal : juin 1996 Numéro ISSN: 1664-4699 Directeur de la Publication:

M. Bernard Legrand Rédaction Générale : Michel I Dumontier

Autres membres du Bureau:

M. Eric Lescasse M. Sylvain Baron M. Gérard Bousquet M. Raymond Coquide

Comment devenir Membre d'AFAPL

Faire parvenir votre Bulletin d'Adhésion (voir à la fin de ce numéro) rempli, accompagné d'un chèque bancaire couvrant la cotisation annuelle au Secrétariat ou directement au Trésorier :

Mme Lemagnen Secrétaire Gal d'AFAPL 174 bd. de Charonne **75020 PARIS**

M. B. Secret Trésorier d'AFAPL 35 r. Jules Ferry 91200 ATHIS-MONS

Cotination	Montant
Personnelle	350 F
Société	2800 F

Ajouter 100F pour un abonnement à l'étranger. La cotisation Société donne droit à figurer gratuitement dans le Catalogue des Produits et Services APL

Tarif des publicités (voir : Calendrier des prochaînes parutions)

Sommaire

- Editorial du Président	Bernard Legrand	5
- Compte d'activité de l'année 1998	Bernard Secret	7
- Génération de fonctions polynomiales ayant l	a propriété F(x)=F(1/x)	8
	Michel J. Dumontier	15
- THE 3D DCT (Discrete Cosine Transform)		20
M. J. Dumoni	tier, P. Gerlier, P. Leray	28
- Optimisation et ordinateur	Gérard Langlet	71
- Calcul de racines en J	Raymond Coquidé	
- Développement Objet en APL+Win 3.5	Eric Lescasse	
- Some other triangles and APL	Joseph De Kerf	
- Guide des Produits et Services APL	AFAPL	100
- Bulletin d'adhésion et de contact		110
- Calendrier des prochaines parutions		112

N° 30

Pas encore achieves poir continuer achieves of the participer à nas participer à nas fintes (these fintes (these fintes (these times (these t But de de de de de de la company de la compa

La cotisation personnelle doupe droit à:

- recevoir un exemplaire des Nouvelles d'APL (par trimestre)
- participer sux 1/2 journées Portes Ouvertes
- adresser un CV pour publication, en cas de recherche d'emploi

La cotisation Société donne denit à:

- recevoir 5 exemplaires des Douvelles d'APC (par trimestre)
- être listé dans notre "Guide des Produits et Services APL"
- pouvoir inclure des Publicités (1000 F par page, 600 F par 1/2 page)
- participer aux 1/2 journées Portes Ouvertes

Editorial du Président

par Bernard Legrand

Chaque nouveau membre de l'Académie Française se doit de faire l'éloge de celui auquel il succède. Nous ne sommes pas, hélas, l'Académie, mais venant de succéder à Bernard Mailhol à la présidence de notre association, je mesure l'ampleur de la tâche.

Car enfin, on peut se demander:

"Pourquoi une association pour la promotion d'APL ?"

Il n'y a pas, que je sache, d'association pour la promotion de COBOL, pas plus que de C++ ni de JAVA. Pourquoi APL ferait-il exception?

Les premiers congrès APL se tenaient dans la liesse, avec l'espoir de voir ce séduisant langage conquérir des esprits supposés cartésiens et enthousiastes... Le temps a passé, et la stratégie conquérante s'est muée peu à peu en tactique défensive, les associations d'APListes successives défendant un dernier carré chaque fois plus réduit.

Serions-nous en train de vivre une sorte de "Fort Alamo" ou de "Camerone", et de livrer bataille à des hordes d'envahisseurs sauvages et incultes ? Même pas ! Fini le temps des agressions contre APL, dans lesquelles nous puisions la force de faire toujours mieux : le dernier carré de fidèles vieillit et s'étiole dans

l'indifférence générale : on nous ignore.

On n'attaque plus APL parce qu'il ne dérange plus : APL serait-il en état de mort clinique ?

Ma réponse est multiple :

1 – Une notation algébrique ne saurait ni vieillir ni mourir, et nous devrions être confiants dans sa pérénnité.

2 — Mais les produits les mieux conçus, les plus intelligents, meurent vite s'ils ne sont pas relayés par un succès commercial marquant. Ils sont balayés par des produits parfois médiocres mais puissamment supportés. N'est-ce pas Bill?

3 - Qu'ai-je fait,

qu'as-tu fait,

qu'a-t-il (ou elle) fait,

qu'avons-nous fait pour faire vivre APL? Chacun de nous doit se poser la question.

Les quelques membres qui, comme moi, vivent de l'APL, croient avoir fait de leur mieux, et ce n'est pas par hasard que c'est en leur sein qu'on a puisé les derniers présidents d'AFAPL. Mais avons-nous vraiment TOUT fait ce qui était à portée de nos modestes moyens?

Quoi qu'il en soit, ce n'est pas suffisant. Pour que l'association vive, il faut que ses membres puissent s'y recommaître, et s'en nourrir. Pourquoi paieriez-vous 350 Francs si vous n'obtenez rien de concret en échange?

C'est la raison pour laquelle ma première décision a été d'adresser à tous les membres actuels ou passés une enquête sur ce que vous attendez de l'association. A l'heure où j'écris cet éditorial, nous avons reçu ... deux réponses ! Comment faire évoluer l'association sans le concours actif de ses membres ?

Si vous ne l'avez déjà fait, renvoyez cette enquête, ou faites nous part de suggestions plus personnelles. Faites-nous connaître l'avis de personnes qui lisent la revue sans être membres eux mêmes. Nous en avons besoin. Je m'engage à vous en rendre compte dans un prochain numéro

Avec vous, j'aimerais revitaliser APL.

Et vous, qu'aimeriez-vous faire?

Passez un agréable été.

Bernard Legrand 21 Juin 1999

Compte d'activité de l'année 1998

Par Bernard Secret

	1993	1994	1995
RECETTES			
Coffeetions entreprises	29 300.00	33 600.00	28 000.00
Cotination individuelles	32 400,00	34 575,00	22 925,00
Contributions vojontaines	400.00	550.00	175.00
Publicité	9 768,53	2 599,13	2 412,00
Total des recettes	71 869,53	71 324,13	53 512,00
DEPENSES			
Frais administratifs	7 915,63	1 135,10	439,00
Télécommunications	3 816,83	3 604,53	2 306,58
Publications	42 793,48	64 844,92	49 371,08
Divers	1 093,00	0,00	0,00
Frais financiers	163,95	163,95	0,00
Matériels	0,00	3 890,00	4 580,00
Total des dépenses	55 762,89	63 638,50	58 696,86
SOLDE DE GESTION	18 086,64	7 685,63	-3 184,66
	1996	1997	1998
RECETTES			
Cotisations entreprises	22 400,00	18 800.00	
Cotisation individuelles			27 440,00
	18 848,00	15 750,00	27 440,00 16 050,00
Contributions volontaires	18 848,00 0,00		
		15 750,00	16 050,00
Contributions volontaires	0,00	15 750,00 0,00	16 050,00 0,00
Contributions volontaires Publicité	0,00	15 750,00 0,00 0,00	16 050,00 0,00 0,00
Contributions volontaires Publicité <u>Total des recettes</u>	0,08 0,00 41 248,00 283,90	15 750,00 0,00 0,00 32 550,00	18 050,00 0,00 0,00 43 498,00
Contributions volontaires Publicité Total des recettes DEPENSES Frais administratits Télécommunications	0,08 0,00 41 248,00 283,90 3 935,56	15 750,00 0,00 0,00 32 550,00 31 550,00 916,71 3 899,87	16 050,00 0,00 0,00 43 498,00 225,50 4 761,26
Contributions volontaires Publicité Total des recettes DEPENSES Frais administratits Télécommunications Publications	0,08 0,00 41 248,00 283,90 3 935,56 30 343,91	15 750,00 0,00 0,00 32 550,00 31 5,71 3 899,87 28 129,45	16 050,00 0,00 0,00 43 496,90 225,50 4 761,26 11 553,29
Contributions volontaires Publicité Total des recettes DEPENSES Frais administratits Télécommunications Publications Divers	0,08 0.00 41 248,00 293,90 3 935,56 30 343,91 1 000,00	15 750,00 0,00 0,00 32 550,00 31 571 3 899,87 28 129,45 732,54	16 050,00 0,00 0,00 43 498,00 225,50 4 761,26
Contributions volontaires Publicité Total des recettes DEPENSES Frais administratifs Télécommunications Publications Divers Frais financiers	0,08 0,00 44 248,00 283,90 3 935,56 30 343,97 1 000,00 0,00	916,71 3 899,87 28 129,45 792,54 0,00	16 050,00 0,00 0,00 43 496,90 225,50 4 761,26 11 553,29
Contributions volontaires Publicité Total des recettes DEPENSES Frais administratits Télécommunications Publications Divers	0,08 0.00 41 248,00 293,90 3 935,56 30 343,91 1 000,00	15 750,00 0,00 0,00 32 550,00 31 571 3 899,87 28 129,45 732,54	16 050,00 0,00 0,00 43 496,90 225,50 4 761,26 11 553,29
Contributions volontaires Publicité Total des recettes DEPENSES Frais administratifs Télécommunications Publications Divers Frais financiers	0,08 0,00 44 248,00 283,90 3 935,56 30 343,97 1 000,00 0,00	916,71 3 899,87 28 129,45 792,54 0,00	16 050,00 0,00 0,00 43 498,00 43 498,00 225,50 4 761,26 11 553,29
Contributions volontaires Publicité Total des recettes DEPENSES Frais administratits Télécommunications Publications Divers Frais financiers Matériels	0,08 0,00 41,248,00 283,90 3,935,56 30,343,97 1,000,00 0,00 0,00	15 750,00 0,00 0,00 32 550,00 31 870,00 3 899,87 28 129,45 792,54 0,00 3 790,00	16 050,0 0,0 0,0 43 436,9 225,9 4 761,2 11 553,2 2 252,6

Génération de fonctions polynomiales ayant la propriété F(x)=F(1/x)

1ère partie : démonstration et fonctions APL.

Par Michel J. DUMONTIER

Introduction: Le journal est intitulé les nouvelles d'APL, et pourtant je vais faire resurgir le passé (1960: presque 40 ans!, APL n'était pas encore né!) en actualisant par APL, donc en APLisant, des propriétés que j'avais découvertes en rédigeant un D.S. de Taupe (sujet de concours d'entrée aux 'grandes écoles') que le digne professeur sont major d'Ulm n'avait pas compris mais qui a fini par comprendre lorsque, sur sa demande, je lui ai expliqué après le cours de maths! Cette propriété, qui n'avait pas été demandée d'être démontrée, m'avait permis de faire des gros raccourcis dans les démonstrations demandées... ce qui m'avait permis, comme d'habitude, de finir et sortir avant les 4 heures fatidiques!

Anecdote I: J'ai conservé la démonstration, mais je n'ai pas retrouvé le D.S. que j'avais mis dans un cartable vert format A1 avec tous mes exploits et que j'ai laissé dans un hôtel à Malakoff dans les années 70. Si quelqu'un le retrouve...ou l'a emprunté comme on dit maintenant avec l'évolution des mœurs, on ne sait jamais!

Anecdote 2 : j'avais promis à Gérard Langlet d'écrire ce présent article et de lui envoyer, mais j'ai toujours différé la rédaction, avec l'arrière pensée que, si je le publiais, Gérard écrirait une dizaine d'articles à la suite pour parler de ce sujet comme il l'a fait pour le Quinto...

La suite, ce sera pour le prochain numéro...!

1) Démonstration :

Condition nécessaire et suffisante pour qu'un polynôme P(x) soit tel que $P(x) = x^r P(1/x)$

(Je reproduis le texte strictement comme je l'ai écrit il y a 40 ans !)

Soit un polynôme $P(x)=a_nx^n+a_{n-h}x^{n-h}+\ldots+a_{q+h}\cdot x^{q+h}\cdot +a_qx^q$ ordonné suivant les puissances décroissantes de x et où on symbolise les termes de rang h à partir du début et de rang h à partir de la fin par $a_{n-h}x^{n-h}$ et $a_{q+h}\cdot x^{q+h}$ et où le terme de plus bas degré a pour degré q. Formons $P'(x)=x^r$ $P(1/x)=a_nx^{r-n}+a_{n-h}x^{r-n+h}+\ldots+a_{q+h}\cdot x^{r-q-h}\cdot +a_qx^{r-q}$

Rangeons ce polynôme suivant les puissances décroissantes

$$x^r P(1/x) - a_q x^{r \cdot q} + a_{q+h'} x^{r \cdot q \cdot h'} + ... + a_{n-h} x^{r \cdot n \cdot h} + a_n x^{r \cdot n}$$

Condition Nécessaire :

identifions les termes de plus haut degré :

Rang des termes pour que les degrés soient les mêmes :

$$u-p=1-d-p$$
, $\Rightarrow u-p=1-d-d-p$, $\Rightarrow -p=-p$, $\Rightarrow p=p$.

Le polynôme devra donc être de la forme :

$$P(x)^{-}a_{n}x^{n}+a_{n-h}x^{n-h}+...+a_{n-h}x^{q+h}+a_{n}x^{q}$$

Où les coefficients équidistants des extrêmes sont égaux et où, à chaque terme de coefficient a_{n-hi} et de degré n-hi correspond un terme et un seul de même coefficient a_{n-hi} et de degré q+hi avec $0 \le hi \le p$ et où p est tel que si le nombre de termes est pair et égal à $2N \to p \le N-1$ et si le nombre de termes est impair et egal à $2N+1 \to p \le N$ dans ce dernier cas, il n'y a qu'un terme pour lequel h=N si celui-ci existe.

Condition suffisante:

$$\begin{split} &\text{Soit un polynôme de la forme}: \\ &P(x) = a_n x^n + a_{n-h1} x^{n-h1} + \ a_{n-h2} x^{n-h2} + \ldots + \ a_{n-h2} x^{q+h2} + a_{n-h1} x^{-q+h1} + a_n x^q \\ &x^{n+q} \ P(1/x) = \ a_n x^q + a_{n-h1} x^{-q+h1} + \ a_{n-h2} x^{q+h2} + \ldots + \ a_{n-h2} x^{n-h2} + a_{n-h1} x^{n-h1} + a_n x^n \\ \end{split}$$

$$x^{n+q} P(1/x) = P(x)$$

done :

Et c'est ici que cela devient interessant :

PROPRIÉTÉS IMMÉDIATES:

Soit une fraction g(x) qui est le quotient de 2 tels polynômes tels que

$$\varphi(x)=x^{n+q} \varphi(1/x)$$
 et $f(x)=x^{m+\lambda} f(1/x)$ on a

$$g(x) = \varphi(x)/f(x) = x^{n+q}/x^{m+\lambda}g(1/x)$$

En particulier si n+q=m+λ alors

$$g(\mathbf{x}) \equiv g(1/\mathbf{x})$$

C.Q.F.D.

2) Implantation en APL.

Comme je le disais plus haut, n'ayant plus la famille de polynômes étudiés en prepa, il va falloir inventer des polynômes adéquats pour commencer

Voici déjà quelques fonctions utiles de calcul de polynômes.

Valeur d'un polynôme de coefficients C pour la valeur X

Exemple: Valeur du polynôme $x^5+3x^4+5x^2+11$ pour x=2

111

(J'espère que les non aplistes qui voient cela pour la lère fois vont apprécier, ou seront abattus, ou seront époustouflés ou ... surtout si je leur dis que ce simple symbole antitrue utilisé pour la fonction "base", sert en premier heu à calculer un nombre en bases multiples ; je sais, beaucoup répondront . on n'a pas appris cela à l'école! tant pis pour eux, c'est aussi l'évolution des mœurs qui veut cela!) Fonctions de base de calculs de polynômes:

Pour les faméants et ceux qui ont l'esprit vectoriel (et non scalaire comme les non aplistes), voici la fonction PS qui calcule les valeurs d'un polynômes pour plusieurs valeurs de x.

Exemple:

1 3 0 5 0 11 PS 2 4 7 111 1883 24266

PLUS, MOINS, FOIS (produit de polynômes)

Un gros polynôme MOINS un petit :

Le contraire

Rappel du binôme de Newton:

Passons aux divisions : (cela nous intéresse pour le présent sujet).

Z+X DIVC Y;R9
→((NR X)>NR Y)/3
Z+R9, X DIVC ~1+Y MOINS X×R9+(~1+Y)÷~1+X ♦ →0
Z+10

Z+X DIVD Y
Z+(ΦX) DIVC ΦY

(Quand on est fainéant : il faut avoir des (dées !)

1 3 3 1 DIVC 1 5 10 10 5 1 1 2 1 1 3 3 1 DIVD 1 5 10 10 5 1 1 2 1

Fonctions annexes:

On utilise la fonction (prudente) NR dans DIVC; la voici:

Si un polynôme calculé a une succession de coefficients nuls dans les plus hauts degrés, il faut les supprimer, c'est ce que fait la fonction SUP suivante qu'on utilisera dans les restes de divisions.

Examples de divisions avec restes :

(1 2 1 FOIS 9 T11 23 T25) PLUS 32 26

9 7 10 10 5 1

Une dernière fonction pour compléter : calcul des coefficients d'un polynôme dont on donne les racines.

```
Z+CPOLR R; UIO; A

UIO+0 Φ Z+1,Φ((1ρR)».=+≠~A)+.×(R)×.*A+((ρR)ρ2)T12*ρR

CPOLR 2 3 5

1 -10 31 -30
```

Vérifions :

```
(1 T2) FOIS (1 T3) FOIS 1 T5
1 T10 31 T30
```

Maintenant, nous sommes prêts à faire un exemple pour faire des essais :

Prenons au hasard, des polynômes symétriques de même degré

```
□+E+C,ΦC+5?10
2 6 7 1 4 4 1 7 6 2
□+C+D,ΦD+5?10
3 2 0 4 6 6 4 0 2 3
(C PS 2, ÷2)÷ (E PS 2, ÷2)
0.6993620415 0.6993620415
```

C Q F.Expérimenter!

Construisons un générateur de polynômes P(x) tels que $P(x) \equiv x^r P(1/x)$

```
Z+QH POLISURX AN;P;N;Q;H;A;D;P1 N+-1+AN \diamond Q+1+QH \diamondZ+1+A +(1+PQH)*PAN)*FIN1 +((N-P)*(Q+P))*FIN2 BO:Z+Z,((-1+(1+D))*PO)\diamond A+1+A\diamond +(0=PA)*SUIT1\diamond Z+Z,1+A \diamond D+1+D +(0=PD)*SUIT1 \diamond+BO SUIT1:P1+Z \diamond +((N-P)=Q+P)*SYM Z+Z,((-1+N-(Q+Z*P))*PO) SYM:Z+Z,\diamondP1 \diamond Z+Z,(QPO) \diamond +0 FIN1: REVOYEZ HQ ET AN \diamond +0 FIN2: LE PLUS GROS COEFF DE LA 1ERE MOITIE EST TROP GROS
```

Ceci va permettre aux curieux et expérimentateurs de tout poil, de s'amuser avec toutes sortes de polynômes en attendant le numéro suivant de la revue AFAPL

Si quelqu'un fait des trouvailles il peut le faire savoir à la rédaction

Je ne m'attends pas à quinze articles là-dessus !

Exemple nous voulons générer le polynôme symétrique qui commence par $3x^{15}+4x^{12}+7x^{10}$ et que ça se débrouille pour trouver le reste !...

alors n=15,
$$a_n$$
=3, h_1 =3, h_2 =5, q=3, a_{n-h1} =4, a_{n-h2} =7

Ca marche!
Bon amusement!

THE 3D DCT (Discrete Cosine Transform):

A GENERALIZATION OF THE 2D DCT

Authors:

Michel J DUMONTIER

Patrick GERLIER : Ingénieur EP.

Dr Pascal LERAY

Image Processing & Computer Graphics Expert

FRANCE TELECOM/CNET/DIH

Introduction:

The standard, classic, and well known 2D DCT is largely used in the MPEG or JPEG world, for very efficient image compression.

But the spatio-temporal 3D DCT (2 Dimensions plus time) has not yet been tested,

The present paper is dedicated to an APL implementation of the 3D DCT, defined as a generalization of the 2D DCT

DESCRIPTION:

In this case, instead of 8*8 image blocs, we choose 8*8*8 spatio-temporal blocs.

A direct 3D DCT transforms the input bloc in the Fourier space.

A rounded vector B is obtained from this result

An inverse 3D DCT decompression is obtained by the reverse process.

The result bloc is compared with the original bloc V13D.

The detailed implementation is shown here

APL implementation:

The 3D DCT transform function:

VT+DCT3D V DIO+1 N+3 1 2

VT+G.015625×MCOS+.×N@(MCOS+.×N@(MCOS+.×N@V))

The reverse 3D DCT transform function:

VT+IDCT3D V

t+OI

N+3 1 2

VT+(@MCOS)+.xN@((@MCOS)+.xN@((@MCOS)+.xN@V))

Initialization function: COEFFCOS:

```
COEFFCOS
ΠIO+0
FAC+1
PI+3.141593653589
A+FAC×cos(PI:4)
B+FAC×cos(PI÷16)
C+FAC×cos(3×PI÷16)
D+FAC×cos(5×PI+16)
E+FAC×cos(7×PI÷16)
F+FAC×cos(PI÷8)
G+FAC×cos(3×PI+8)
(PI+16) . x 18
MCOS+8 8₽0
MCOS[0:]+8 1PA,A,A,A,A,A,A,A,
MCOS[1;]+8 1PB,C,D,E,(-E),(-D),(-C),(-B)
MCOS[2;]+8 1pF,G,(-G),(-F),(-F),(-G),G,F
MCOS[3;]+8 1pC,(-E),(-B),(-D),D,B,E,(-C)
MCOS[4;]+8 1PA, (-A), (-A), A, A, (-A), (-A), A
MCOS[5;]+8 1PD.(-B).E.C.(-C).(-E).B.(-D)
MCOS[6;]+8 1PG,(-F),F,(-G),(-G),F,(-F),G
MCOS[7;]+8 1PE,(-D),C,(-B),B,(-C),D.(-E)
```

GLOBAL TEST FUNCTION: TST3D

On 8*8*8 Spatio-temporal blocs:

```
Z+TST3D

DIO+1

COEFFCOS

A+DCT3D V13D

B+0.01×LA×100

Z+IDCT3D B

Z+'FS.1'OFMT Z[1::1]
```

The cosine function COS:

z+cos v z+2ov

V13D is a 8*8*8 spatio-temporal bloc V13D is loaded with a IOTA N coefficient

The result shows that the reconstructed V13D value is equivalent to the initial value

V13D 8 times this bloc:

```
1 2 3 4 5 6 7 8
9 10 11 12 13 14 15 16
17 18 19 20 21 22 23 24
25 26 27 28 29 30 31 32
```

Ces Nouve	lles d'A	1 <u>P</u> C	Nº	<u>30</u>			
33 34 41 42 49 50 57 58 The trans	43 51 59	36 44 52 60 d m	37 45 53 61 atrix	46 4 54 5 62 6	19 40 17 40 15 50 13 60 13 is n	8 6 4	ed from A)
91.92 51.54 0 5.39 0 1.61 0	6 4'	0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	68 0 0 0 0 0 0	0.2 0 0 0 0 0	1 0 0 0 0 0 0 0	0.0M 0 0 0 0 0
0.01	0000000	00000000	0000000	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0000000	00000000	0000000	000000000000000000000000000000000000000	0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0
0000000	00000000	0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0
000000000000000000000000000000000000000	0 0 0 0 0 0 0	0000000	00000000	0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0	0 0 0 0 0 0 0

Ces Nour	relles d' 2	PL	Nº 3	0				
C	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	3	0	
0	0	0	0	0	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	O.	0	
9	0	Ð	0	0	0	0	0	
Э	0	٥	0	Ð	0	٥	0	
O O	Q	0	0	o o	0	0	0	
0	Q	Đ	0	0	Ç	0	0	
0	Q.	D	0	0	0	9	0	
0	0	D	0	0	D	0	0	
0	0	D	0	-0	D	- 0	0	
0	0	D	0	0	0	9	0	
Ď	0	D	0	5	0	0	0	
0	0	0	0	0	0	0	٥	
D.	0	0	D	0	0	e e	0	
0	0	0	D	0	0	0	0	

Conclusion:

Only 9 coefficients are different from 0.

All the energy is concentrated on the first coefficients.

(As for the classic 2D DCT transform)

But in the 3D case, the compression ratio is much more efficient

Compression ratio possible evaluation:

2 coefficients using: 16bits

1 coefficients using: 10bits

5 coefficients using 8 bits

Total 34 bits (< 9 octets, for 8*8*8 - 512 coefficients of 16 bits) For this example, the compression ratio is: 1024/9 = 113

FURTHER RESEARCHES:

Several other examples could be tested, mainly for real images:

One could transform an animated spatio-temporal sequence, and test with the 3D DCT transform.

Test sequences could be choosen among images with low or high frequencies. (classic DCT beeing more efficient for low frequencies)

But adaptive quantizing could be used, with, for ewample, neural nets in order to optimized the quantizing process.

GENERAL CONCLUSION:

This first result seem very promising.

Further implementations and links with real image sequences must be done and tested now

But at present, APL implementation demonstrates a very efficient coding compacity, able to solve very complex algorithms in a very short time, without the complex requirements of C or C++.

OPTIMISATION ET ORDINATEUR

Une tentative d'optimisation de l'optimisation vers l'optimiseur relatif absolu, la Méthode des Moindres Quelconques (MMQ)

Gérard A. Langlet
CEA/DSM/DRECAM/SCM/LIT (LABORATOIRE D'INFORMATIQUE
THEORIQUE)

Proposition d'article, compréhensible par tout lecteur sensé et de bonne foi, pour les brèves du DRECAM, par exemple.

Introduction

La méthode des moindres carrés reste, et de loin, la plus connue et, probablement la plus utilisée, de toutes les méthodes d'optimisation. Simple à exposer, elle à conquis tous les domaines: on la retrouve utilisée par les politologues aussi bien que par les physiciens, par les analystes financiers aussi bien que les biologistes et des médecins.

Son principe initial ne fait pas appel à des mathématiques de haut niveau 'il peut s'enseigner dans des classes élémentaires, dès que le représentation cartésienne des fonctions a été assimilée.

Notre but n'est pas d'exposer cette méthode de la manière classique, mais plutôt d'une façon telle qu'elle va se retrouver elle-même optimisée, si l'utilisateur désire la pratiquer sur une grande quantité de données, à l'aide d'un ordinateur et non plus à la main. Elle deviendra alors, sans effort, la plus efficace de toutes les méthodes connues, car de nouvelles propriétés vont apparaître, en raison du mode de fonctionnement de l'ordinateur, au niveau où il gère de façon optimale, donc sans aucune erreur, l'information qu'on lui soumet, celui de l'algèbre binaire.

La Base

Soit une fonction Y(t)=F(Xl, X2, ..., Xn, t) exprimant, en fonction de différents paramètres ajustables Xi ... Xn, l'évolution d'un phénomène quelconque en fonction de t, le temps

En réalité, les différentes valeurs de Y peuvent se représenter sur un graphe cartésien en fonction de la variation de n'importe quel paramètre au choix, t ne représentant alors qu'un choix particulier (très courant toutefois, aussi bien en physique qu'en biologie). L'examen de Y F(t) suffit alors pour exposer la base

de la méthode, sur ce que l'on appelle une série chronologique.

Supposons que F exprime l'état actuel d'une théorie, c'est-à-dire la meilleure fonction connue capable d'exprimer, le plus correctement possible, et pour des intervalles raisonamment larges de variation de tous les autres paramètres X1 . Xn, la variation de F en fonction de t.

Pour des valeurs connues de tous les paramètres, l'utilisateur va alors tracer, sur une feuille de papier ou un écran graphique, le graphe de Y-F(t), après avoir calculé un certain nombre, toujours fini, de valeurs de Y, pour le même nombre de valeurs de t. Appelons Yt cette série de nombres.

Parallèlement, l'utilisateur a effectué des mesures avec le plus grand soin, pour ces mêmes valeurs de t, en fixant les valeurs des autres paramètres aux mêmes valeurs que celles utilisées pour les calculs. Appelons Ym cette série de nombres.

Remarque. Il n'est pas nécessaire, pour la suite de l'exposé, que l'on ait fixé des valeurs constantes pour l'ensemble des autres paramètres lorsque Y varie en fonction de t; il est seulement indispensable que, pour chaque calcul, les paramètres intervenant dans F aient tous la même valeur que ceux utilisés au même point pour effectuer la mesure. Yt et Ym représentent alors deux trajectoires, l'une théorique, l'autre experimentale, car mesurée, dans l'hyperespace Y=F(Xl, Xn) en fonction de t. Le raisonnement ci-après va alors acquérir un caractère très général.

Moindres carrés et autres moindres.

On peut représenter sur le même papier ou écran les deux graphes de Yt et Ym en fonction de t en utilisant des coordonnées cartésiennes, d'une manière très classique; c'est d'ailleurs ce que font la plupart des utilisateurs et les auteurs de publications ou d'ouvrages didactiques, quel que soit le domaine d'application considéré . un graphique bien présenté parle toujours plus que de longs et austères tableaux de nombres. L'information se transmet alors de manière visuelle

En général, aucune théorie n'est complète... Il sera extrêmement rare que tous les points d'ordonnées Ym coıncident parfaitement avec les points d'ordonnées Yt pour chaque valeur de L Même si la coıncidence dans le cas étudié est suffisamment bonne partout pour valider la théorie, il va apparaître des écarts si on essaie a) de prévoir le devenir du système étudié (tel est le but de toutes les séries chronologiques), au delà des valeurs de t mesurables et effectivement mesurées, b) de changer de trajectoire en modifiant les valeurs des autres

parametres du système, c) d'affiner les mesures en contrôlant mieux la précision de tous les paramètres.

Chaque point des graphes de Ym et de Yt doit, honnêtement, devenir le barycentre (centre de gravité) d'une fenêtre rectangulaire, dont la longueur et la largeur de part et d'autre du point central, exprimeront les erreurs absolues sur la détermination théorique et expérimentale de t et des valeurs de Y.

Dans le cas général, les erreurs sur t sont négligeables devant celles sur Y. Avec la précision dont on dispose pour le calcul théorique de Yt sur ordinateur, (mais pas toujours si F est une fonction très complexe exigeant des millions d'itérations par exemple), les erreurs sur Yt sont négligeables devant celles sur Ym, sauf si la formule est vraiment fausse...

Considérons seulement le cas où le rectangle sur chaque point de Yt se réduit effectivement a un point, donc, sur l'écran de visualisation, à un pixel élémentaire (de l'anglais "picture element", petit carré nour rempli par le point visible sur l'écran, et qui n'est jamais un point euclidien (théoriquement sans dimension). Le rectangle construit sur chaque point de Ym, puisque l'épaisseur (largeur) sur t vaut aussi 1 pixel, devient visuellement représentable par des flèches verticales opposées

- l'espace blanc entre les flèches ayant alors aussi
- l pixel de largeur et 1 pixel d'épaisseur.

Si théorie et mesures coıncident exactement, c'est-à-dire au mieux pour la precision affichable sur l'écran, le pixel théorique (noir) vient boucher le trou entre les deux flèches, exactement. Si l'accord est acceptable, le pixel noir théorique devient invisible, car il se situe dans l'une des flèches, soit en haut, soit en bas. Il suffit alors, sur un écran polychrome, de lui affecter par exemple une couleur verte pour le voir néanmoins; sur un écran monochrome, on peut, soit remplacer le pixel noir théorique par un marqueur (croix, carré, losange, petit rond, etc...), soit, encore plus simplement, inverser sa couleur de sorte que l'une des deux flèches noires apparaisse affectée d'un trou blanc.

Remarque. Les flèches n'ont pas nécessairement toutes la même hauteur pour tous les points, car la précision expérimentale peut varier d'un point à l'autre.

Lorsque le point mesuré se situe hors des flèches, c'est-à-dire ne correspond pas à la theorie, il sera toujours visible, au dessus ou en dessous de sa paire de flèches. Sur un écran polychrome, on pourra alors le faire apparaître comme un pixel rouge; l'experience prouve que cette représentation colorée transmet l'information de coïncidence, parfaite, acceptable ou inacceptable, visuellement, pour l'ensemble du graphe, au cerveau humain d'une manière très efficace donc

rapide.

Mais l'expérience reste ce qu'elle est : un absolu,.. relatif

Absolu, parce que si les conditions expérimentales sont reproductibles et suffisamment fines, les flèches conserveront, sur tout graphe dessiné dans les mêmes conditions, la même position de leur trou central pour tous les points. Honnêtement, et dans tous les cas, seuls les points rouges sont à prendre en considération pour affiner la seule entité maintenant modifiable. la théorie.

Relatif, parce que, si, par un moyen quelconque on parvient à réduire la hauteur des flèches, les points verts vont, petit à petit mais toujours discrètement, devenir rouges et ce, pour l'ensemble des points possibles de toutes les trajectoires possibles. L'optimiseur idéal, car le travail de l'utilisateur, économiste, physicien ou biologiste, est toujours une optimisation permanente, doit être capable de corriger F pour toutes les trajectoires possibles dans l'hyperespace des paramètres, donc de supprimer un maximum de points rouges.

On assiste donc à un match contradictoire: Plus on corrige F, moins il reste de points rouges, plus on affine l'expérience, plus il apparaît de point rouges. A ce stade, il importe d'effectuer plusieurs remarques :

Si, sur ce graphe visuel, on décide d'appliquer à chaque fois une transformation sur les ordonnées ramenant les trous des couples de flèches sur une même ligne horizontale, on perd l'information concernant les ordonnées absolues, mais on conserve la seule information nécessaire pour pratiquer l'optimisation, indépendamment du choix de la méthode d'optimisation, les écarts. Ceux-ci sont alors donnés, pour chaque point rouge par un nombre entier nécessairement non nul, exprimant une altitude, positive ou négative, en pixels.

Les suites de valeurs Yt et Ym peuvent être avantageusement remplacées par une nouvelle suite que l'on va définir maintenant, avant de choisir la méthode d'optimisation.

Ladite suite est nécessairement un masque binaire, de même longueur que les suites Yt ou Ym: appelons-la R comme rouge. Elle contient 0 si le point n'est pas rouge, donc n'intervient pas dans la future optimisation, et 1 dans le cas contraire. Numériquement, ces mêmes valeurs 0 et 1 sont aussi des coefficients de pondération reduits à leur plus simple expression: une opposition logique: soit "inutile de considérer", soit "à considérer", l'une des propositions excluant l'autre ipso facto.

Par une autre transformation conceptuelle, ramenons toutes les flèches à la même longueur (elles sont déjà à la même altitude) en affichant un point au dessus s'il est rouge sur l'écran polychrome et rien du tout s'il n'est pas rouge (peu importe

que dans le graphe original le point rouge se situe au-dessus ou en dessous des flèches). Supprimant alors la flèche du bas, nous obtenons un dessin ou plutôt un diagramme tel que



Mamtenant, le choix d'une méthode d'optimisation plutôt qu'une autre, sur un critère plutôt qu'un autre, donc d'une fonction de coût quelconque, constitue toujours un arbitraire.

Seul le but final a de l'importance faire disparaître les points rouges, ramener leur ensemble à un ensemble vide.

Indépendamment du domaine d'application, de la complexité de F (sa nonlinéarité), du nombre de mesures mises en jeu, des valeurs numériques mesurées ou calculées, de la trajectoire choisie pour ce faire, on a parfaitement le droit d'essayer d'optimiser la théorie sur le seul critère d'existence ou non d'un écart entre l'expérience et cette dernière, et ce, pour simplifier, en faisant appel à la méthode effectivement la plus simple et la plus connue, celle des moindres carrés.

Toutefois, avant de tenter de l'appliquer, il convient de rapporter, le plus objectivement possible, certaines critiques couramment émises à son sujet.

On a souvent reproché à la méthode des moindres carrés de ne pas considérer les écarts entre les points situés n'importe où sur les graphes de la même façon c'està-dire avec la même importance la méthode optimise alors mieux les points pour lesquels les écarts sont plus grands en valeur absolue.

Déjà, on peut s'apercevoir qu'une optimisation sur la seule existence (1) ou la non-existence (0) doit être indépendante de l'ordre des points sur le graphe. On sait en effet qu'il est possible d'effectuer sur t un changement de variable tel qu'il en résultera, sur le diagramme ci-dessus, une certaine permutation de l'ordre des points qui n'aura aucune incidence sur le raisonnement suivi jusqu'à maintenant l'objection s'écroule d'elle-même, sans qu'il soit nécessaire d'écrire un seule expression mathématique à ce sujet. La simple logique binaire suffit, encore une fois.

Généralisons d'ores et déjà aussi la méthode des moindres carrés en critiquant cette fois la signification du mot "carrés".

Si Z est un vecteur, suite de valeurs toutes nulles exprimant, par définition un

idéal, l'absence totale d'écart (ou d'erreur décelable) pour un ensemble d'échantillons quelconques relevés à la meilleure precision possible sur un phénomène quelconque, Z représente l'absolu.

Soit V un autre vecteur de même longueur (ou cardinal) que Z, exprimant soit par 0, pour le même ensemble, l'absence d'écart perceptible par rapport à Z, soit par 1 qui correspond à une non-absence (donc une existence) d'écart.

La stricte application des moindres carrés va consister à minimiser, par un procédé adéquat, la somme des différences V-Z élevée au carré.

Mais Z étant partout nul, ce procédé revient à minimiser V seul élevé au carré.

Mais V, étant sur toute son étendue, égal, soit à 0 sont à 1 par définition, V au carré est toujours égal à V lui-même.

On raisonnera maintenant sur V, élevé, terme à terme, à une puissance quelconque mais <u>non nulle</u>, sachant que 0 élevé à ladite puissance vaut toujours 0, et que 1 élevé à la même puissance vaut toujours 1

On se rend compte que ce raisonnement exprime dans toute sa généralité un théorème essentiel de l'optimisation idéale

Toute optimisation réalisée sur un systeme ou ensemble quelconque exprimé par des parités d'existence ou de non-existence d'écarts observables, est, a priori, optimale, car elle ne dépend ni de l'ordre choisi pour exprimer ces écarts, ni de la puissance à laquelle on va opérer.

Ce théorème a plusieurs conséquences ou corollaires

- a) Ni la théorie des Nombres ni celle des Fonctions n'interviennent plus dans le raisonnement, ni par un choix d'ordre (au sens de l'ordre dans un ensemble dit ordonné), ni par un choix d'ordre (au sens d'élévation à une puissance imposée ou arbitrairement décidée).
- b) Le même raisonnement s'applique aussi si l'on désire optimiser non plus une fonction F quelconque, mais l'une quelconque de ses intégrale ou de ses dérivées, par rapport à n'importe quelle variable ou paramètre quelconque, par rapport à une combinaison quelconque des ces variables ou paramètres li s'appliquerait aussi dans le cas d'une intégration ou d'une dérivation d'ordre non entier, donc quelconque, couvrant aussi, toujours a priori, l'ensemble des considérations relatives à la combinatoire ou la complexité. Le mot "ordre" devient le plus important du raisonnement, car il couvre maintenant, en outre, aussi l'ordre de dérivation et d'intégration.

Une optimisation basée sur des parités d'existence ou de nonexistence et strictement sur ces seules parités, peut donc s'effectuer dans le plus grand désordre apparent et rester pourtant optimale à tous les ordres à la fois, quelle que soit la signification donnée au mot "ordre" parmi les trois différentes considérées jusqu'ici. Il est d'ailleurs possible (mais non nécessaire) de démontrer, par un développement limité en série de Taylor ou de Mac Laurin, que les deux derniers sens du mot "ordre" (élévation à une puissance quelconque, et ordre d'intégration ou de dérivation) ne sont pas independants, indépendamment de la fonction F et de son domaine d'application.

L'axiomatique développée ici ne sera jamais soumise, même pour un nombre a priori infini de parités, aux conséquences du Théorème de Gödel (1931), lequel énonce que toute axiomatique aboutit un jour à tomber sur une proposition indécidable. Le théorème s'applique en effet à toute axiomatique basée sur la théorie des nombres. Or, il est lui-même démontré en admettant comme un axiome ladite théorie et devient indémontrable si l'on renonce à cet axiome.

L'axiomatique développée ici ne sera jamais soumise, même pour un nombre infini de parités, à l'axiome de continuité, toute prise de mesure par échantillonnage et tout procédé de calcul réalisable (algorithme) étant nécessairement une suite d'opérations discrètes. En outre, et par définition, il ne peut exister de continuité entre une existence et une non-existence et réciproquement : L'optimiseur idéal ne pourra donc jamais être décrit correctement par aucune fonction continue. Par contre, il pourrait être descriptible par un algorithme exprimé nécessairement dans la même algèbre que celle qui décrit déjà, encore une fois, nécessairement, les données à traiter.

Questions: A partir de ce raisonnement, et de ce raisonnement seul, peut-on prévoir:

- si l'algorithme discret exprimant le fonctionnement de l'algorithme idéal d'optimisation sera unique, à égalité de propriétés;
- s'il est possible d'en imaginer ou d'en trouver un encore supérieur donc plus général.

Il semble bien que la seule réponse possible à ces deux questions, à choix binaire, soit NON.

Déjà, et sans que l'on ait cherche à définir avec précision l'optimiseur idéal, le raisonnement cî-dessus, sauf s'il est démenti, soit par preuve du contraire (encore un choix binaire), soit par une preuve experimentale, montre que toute tentative d'optimisation de quoi que ce soit, utilisant soit la théorie des fonctions continues soit la théorie des nombres, revêtura un caractère d'optimalité non satistaisant

Il en serait de même de toute tentative d'infirmer le présent raisonnement, soit en utilisant une axiomatique basée sur la théorie du continu, soit une autre, même discrète, mais basée sur la théorie des nombres et sur la nécessité d'introduire la notion d'ensemble ordonné (attention à Gödel), soit, ce qui serait encore pire, sur une combinaison des deux axiomes inutiles contestés ici (cas de la théorie des fonctions continues). La seule infirmation possible ne peut provenir que d'un autre raisonnement exclusivement logique (ne comportant aucun nouveau postulat), ou, pire, que d'une illogique basée sur l'arbitraire, donc sur le hasard, ou sur la poursuite obstinée d'une croyance forte en certaines erreurs initiales.

(Toute théorie se comporte comme un système dynamique : quelle que soit la fonction ou l'algorithme qui la font évoluer, de préférence dans le bon sens, elle restera essentiellement soumise à ses conditions initiales, renfermées dans son axiomatique initiale, donc dans ses postulats.)

En outre, l'optimiseur idéal, basé sur la seule logique des parités (ou des contraires) deviendrait à la fois l'énoncé correct (et le seul possible) à la fois du Principe de Moindre Action sous sa forme primitive la plus générale, indépendante de tout postulat et de toute grandeur de nature macroscopique ("La Nature est économe dans toutes ses actions", Maupertuis), et aussi celui de l'interaction élémentaire, si elle existe, comme les physiciens le postulent et la recherchent à grand renfort de crédits.

Question: Compte tenu du raisonnement ci-dessus, supposé irréfutable, (mais qui sait?), quelle est la seule formulation possible pour le principe de moindre action généralisée, l'optimiseur idéal, donc l'interaction élémentaire, à la fois?

(Réponse dans le prochain numéro).

Note du rédacteur : il semble qu'il n'y ait pas de prochain numéro...ou que la réponse n'ait pas été donnée.

CALCUL DE RACINES EN « II »

R. Coguidé

Racines d'un polynôme

(expression usuellement utilisée pour « solutions d'une équation polynomiale ») Le langage J est pourvu d'un outil puissant pour calculer les racines d'un

polynôme : le verbe « p. ».

Il est possible de définir un polynôme par ses racines.

Par exemple le polynôme survant défini par ses facteurs

3(x-1)(x-2)(x+1.5,(x-0.5)(x-1.2)

sera créé par

[pr = . 3:1 2 _1.5 0.5 1.2 NB. On peut remarquer le

3 1 2 _1.5 0.5 1.2

NB, facteur 3 et la «mise en boîte » NB de la variable pr (pro-nom)

Avec le verbe « p. », calcul des coefficients du polynôme :

[pc =. p. pr

NB. A partir des racines

5.4 _19.8 19.05 1.95 _9.6 3 NB. Ici, pas de « boîte »

Avec le même verbe « p. » calcul des racines à partir des coefficients :

NB rangées dans l'ordre des modules décroissants p. pc

Les racines complexes sont acceptées , et traitées...

 $[pr = . 2 ; 0j0.2 _1 0j_0.2 1j2 1j_2 2]$

(pc =. p. pr _0.8 _0.08 _19.6 _2.24 10.08 _6 2 p. pc

.. les coefficients complexes aussi

[pr =. 2j_1 ; 1j0.1 _1 0j_0.2 1j2 1j_2 _2j_0.5

[pc =. p. pr _0.55j_46 _23 13j2 39 _0.57j5 01 22 25j_6 35 _1 16j_2 17 0.6|1 2 2| 1

p. pc

2) 1 1 1 2 1 j 2 2 j 0.5 1 j 0 1 1 j 0 0 j 0.2

Convergence lente

(d'ordre 1)

```
Solution de f(x) = 0 où f(x) n'est pas polynomiale
(on suppose connu un intervalle [a, b] contenant une solution et une seule, x).
Il est permis de s'inspirer de l'algorithme de NEWTON (ou de la tangente):
x_{n+1} = x_n - f(x_n)/f'(x_n) qui calcule x_{n+1} approximation meilleure que x_n
NEWTON =. [-([.\%])]
                             NB conjunction
Usage:
                      (f NEWTON fp) x_n
            \chi_{n+1} =
            x_{n+k} = ((f NEWTON fp)^{k}) x_{n}
  Ici, on utilise la « puissance fonctionnelle » k ( entier positif ou nul ).
      La suite récurrente (x<sub>n</sub>) converge (quand tout se passe bien!) vers x,
racine de l'équation f(x) = 0, fp(x) est la dérivée de f(x)
Exemple, pour résoudre x = \cos(x) ou f(x) = 0 avec f(x) = x - \cos(x),
    écrivons :
 f = -2\&0
                     NB. verbe représentant la fonction x-cos(x)
fp = 1 + 1&0
                      NB. verbe représentant sa dérivée première
                  Partons de x_0 = 1.5
NB. Si nous utilisons
                                         NB. Si nous utilisons
NB. x_{n+1} = cos(x_n)
                                         NB. la conjonction NEWTON
,. (2&o.)^:(i.20) 1.5
                                         ,. (f NEWTON fp)^:(i.6) 1.5
1.5
                                         1.5
0.070737201667703
                                         0.784472397719411
0.997499167206586
                                         0.739518709832052
0.542404992339220
                                         0 739085174705196
0.856469708947328
                                         0.739085133215161
0.655108801780784
                                         0.739085133215161
0.792981645797353
                                         Convergence beaucoup
0.701724168276573
                                         plus rapide
0.763730311290859
                                         (d'ordre 2)
0.722261082134520
0.750312885709986
0.731475558034674
                                         On a défini et exécuté
0.744189586630583
                                         P = .9!:11
0 735637098348715
                                         P 15
0.741403372909269
                                         pour obtenir 15 chiffres affichés.
0 737521554461599
0 740137474793432
                                         , (f NEWTON fb)^:( )
0 738375854160239
                                         0 739085133215161
0 739562726170268
                                         Utilisation de la « puissance
0 738763336576956
                                         fonctionnelle » infinie.
etc ...
```

A suivre!

Développement Objet en APL+Win 3.5

par Eric Lescasse

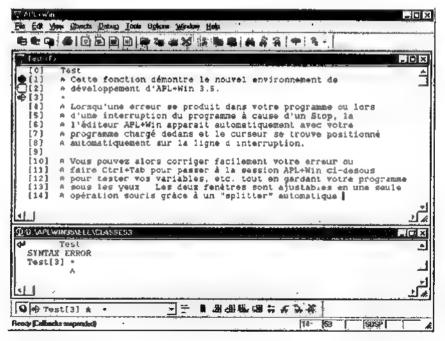
Introduction

La version 3.5 d'APL+Win va sortir dans quelques semaines et pour la première fois, il sera possible de créer ses propres objets en APL+Win, au niveau système.

Le but de cet article est de décrire cette nouvelle fonctionnalité, l'une des plus importantes innovations APL depuis de nombreuses années.

APL+Win 3.5

Avant tout, décrivons succinctement quelques nouvelles caractéristiques d'APL+Win 3.5 dont nous aous servirons dans cet article.



Cet image écran démontre le nouvel environnement de developpement d'APL+Win 3.5.

Vous pouvez remarquer:

Le nouveau « look » à base de boutons plats de type Word 97

La présence d'une barre d'outils « debogueur » au-dessus de la barre de statut

La présence d'une nouvelle « gouttière » le long de l'éditeur APL+Win et de la session

APL+Win

L'ouverture automatique de l'éditeur APL+Win avec positionnement du curseur sur la ligne fautive lors d'une interruption de programme (erreur ou « stop »)

Vous pouvez passer de l'éditeur à la session APL, par l'appui de Ctrl+Tab.

Cet environnement de développement est idéal pour mettre au point ses programmes.

La gouttière sert à placer/retirer visuellement des « stop » , des « trace » et des marqueurs (« bookmarks »).

Les marqueurs sont très utiles lorsque vous travaillez sur vos objets. En effet, comme nous allons le voir dans cet article, les objets sont souvent des fonctions APL de grande tailles, puisqu'ils doivent incorporer de nombreux comportements et propriétés. Une fois quelques marqueurs positionnés par l'appui de Ctrl+F2 sur la tigne comportant le curseur, il vous suffit d'appuyer sur F2 pour sauter d'un marqueur à l'autre. La navigation dans un très long programme devient très aisée et rapide.

Par ailleurs citons quelques autres améliorations de l'environnement de développement APL+Win 3.5:

La timite maximum du nombre de lignes mémorisées dans la session APL est portée de 2006 à 8006 lignes

Des bulles explicative apparaissent automatiquement lorsque le curseur survoie un nom de fonction ou de variable dans la session APL ou l'éditeur.

Le support des noms longs d'espace de travail

Des barres d'outils personnalisables et flottantes/détachables

F1 ouvre l'aide contextuelle correspondant au mot sous lequel se trouve le curseur

• DSTOP et DTRACE positionnables visuellement par Ctrl+. Et Ctrl+, dans l'éditeur

Outre les améliorations de l'environnement de développement APL (une partie négligée par tous les fournisseurs APL depuis de longues années), APL+Win 3.5 comporte un très grand nombre d'améliorations touchant tous les aspects de l'APL. Il serait trop long et hors de propos de les décrire ici.

Intéressons-nous maintenant à l'amélioration la plus importante : la possibilité de définir et d'utiliser ses propres objets.

¹ Par exemple, lorsque le curseur survole le nom de la variable aaa définie comme aaa∻ 110, la bulle fait apparaître aaa + 10 0 1 2 3 4 5 6 7 8 9 10

Rappel sur la programmation objet en APL+Win

Avant d analyser comment APL+Win vous permet de créer puis utiliser vos propres classes d'objets, il est utile de rappeler comment fonctionne la programmation objet en APL+Win.

La programmation objet en APL+Win s'effectue à l'aide des fonctions systèmes DWI et DNI.

Les objets que vous pouvez utiliser en APL+Win sont en standard:

Tous les objets de Windows 95/98 et NT (Button, Check, Combo, Edit, Form, Frame, Imagelist, Label, List, Listview, MDFForm, Media, Menu, Option, Page, Picture, Printer, Progress, RichEdit, Scroll, Selector, Spinner, Status, Timer, Toolbox, Trackbar, Tree et l'objet # ou objet Système)

Tous les objets OCX et ActiveX existants (des milliers d'objets, Freeware, Shareware et produits commerciaux)

Tous les logiciels qui supportent la technologie COM de Microsoft, tels Excel, Word, etc.

Les objets de communication TCP/IP (avec la fonction système DNI)

Tous les objets que vous pouvez utiliser en APL+Win se caractérisent par

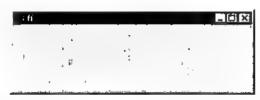
Des propriétés (-des états de ces objets)

Des méthodes (-des actions que l'on fait effectuer à ces objets)

Des événements (-des informations que ces objets transmettent lorsqu'ils subissent des actions)

Quelques exemples d'utilisation d'objets en APL+Win

Créons une fenêtre:



Par cette instruction nous créons une fenêtre Windows. En fait nous créons une nouvelle (New) instance de la classe d'objet fenêtres (Form) et nous donnons le nom ff à cette instance. Nous avons utilisé un premier objet: l'objet Form.

Changeons deux propriétés de cet objet:

'ff' OWI 'caption' 'Les objets en APL+Win'



Par cette instruction nous indiquons que nous voulons modifier le titre (caption) de notre instance de fenêtre (que nous appellerons désormais abusivement "notre objet") ff.

Nous pouvons de même interroger la saille de la fenêtre (sa propriété size), puis modifier cette taille et modifier la couleur de la fenêtre (propriété color).



Maintenant, rendons notre fenêtre "toujours visible" puis appliquous une méthode à notre fenêtre.

```
'ff'OWI'style'15
'ff'OWI'Draw' 'Clear'('Brush'1 255)('Circle'6 12 6 .5)
```



Finalement, faisons en sorte de réagir à un événement se produisant sur notre fenêtre. Les événements possibles sont:

'ff' ONI 'events'
Close DdeConnect DdeDisconnect DdeExecute Delete Destroy DragEnter
DragLeave DragOver Drop DropDown ExitError Focus Hide KeyDown
KeyPress KeyUp Modified MouseDouble MouseDown MouseDrag MouseE
nter MouseLeave MouseMove MouseUp Move Open Paint Reopen Resize
Send Show Unfocus Wait

Indiquons à APL+Win que nous souhaitons être informé de tout clic souris se produisant dans notre fenêtre.

'ff' DWI 'onMouseDown' 'DWARG'

Cette instruction indique à l'interpréteur APL+Win, que dès qu'un clic (événement MouseDown) se produira dans le fenêtre, et a ce moment seulement, il devra exécuter la chaîne de caractères et donc afficher dans la session APL, le contenu de la variable système. Cette variable contient toujours les informations importantes relatives à l'événement qui vient de se produire

Maintenant, voyons si nous sommes précis et essayons de cliquer au centre du cercle rouge Je viens de le faire et voici ce qui s'est affiché dans la session APL:

B 12.125 1 1 0

Mon clic est tombé assez proche du centre du cercle dont les coordonnées étaient 6 12 (voir l'instruction Draw ... Circle ci-dessus)!

Pour l'instant nous n'avons utilisé qu'un objet de class Form.

Utilisation d'un objet ActiveX

Utilisons maintenant un objet ActiveX, c'est à dire un objet externe à APL+Win.

La grande nouvelle est que vous disposez, peut être sans le savoir, de dizaines, voire de centaines de ces objets, gratuitement, sur votre propre micro ordinateur. Et certains d'entre eux sont exceptionnels de fonctionnalités et d'utilité! Et vous pouvez vous en servir aussi

facilement en APL+Win que s'il s'agissant d'un objet interne à APL, avec la même fonction et la même syntaxe qui a déjà été exposée ci-dessus.

Comment connaître la liste de tous ces merveilleux objets?

C'est très simple: il suffit d'interroger la propriété 'xclasses' de l'objet système:

```
Paaa+'#'Gw1'xclasses'
259 4
```

Comme vous le voyez, je dispose personnellement de 259 objets ActiveX sur mon ordinateur. Je n'en liste ci-dessous que quelques uns au hasard. Ces objets sont très variés. Avec les quelques objets cités, je peux facilement réaliser des applications APL+Win qui:

Gèrent des images

Utilisent des objets grilles sophistiqués (Formula One et Videosoft)

Incorporent Internet Explorer 5 dans mes fenêtres APL!!!

Font de superbes graphiques en 2D et 3D (ChartFX)

Contrôlent l'orthographe de documents (VisualSpeller)

Transfèrent des fichiers sur Internet (Microsoft Internet Transfer Control)

Utilisent des champs texte avec masques de saisie dans mes fenêtres

Et même créent un véritable éditeur HTML WYSIWYG de haute qualité grâce à l'objet DHTML Edit Control de Microsoft.

```
aaa[;1 2]
Contr∓le d'⊖dition d'images Kodak
                                         {6D940280 9F11-IICE-83FD-02608C3EC08A}
Microsoft Forms 2.0 ToggleButton
                                         18BD21D60-EC42-11CE-9E0D-00AA006002F3}
Navigateur Web Microsoft
                                          {8856F961-340A-31D0-A96B-00C04FD705A2}
VC Formula One 5.0 Workbook
                                         {13E51003-A52B-11D0-86DA-00608CB9FBFB}
                                         (8996B0A1-D7BE-101B-8650-00AA003AS593)
ChartFX Control
VisualSpeller Control
                                         {97F4CED0 9103-11CE-8385 524153480001}
: ) VideoSoft FlexGrid Control
                                         (8099FCD0-0A81-11D2-BAA4-04F205C10000)
Microsoft Internet Transfer Control, version 6 0 (46E59293-9880-11CF-9754-00AA00
Microsoft Masked Edit Control, version 6.0 {C932BAB5 4374 101B-A56C-00AA003668D
DHTML Edit Control for IES
                                                              {2D360200-FFF5-11d1
-BD03 00A8C959BC0A}
DHTML Edit Control Safe for Scripting for IES
                                                             (2D360201-FFF5-11d1
-8D03-00A0C959BC0A)
```

Et je n'ai listé là qu'une dizaine d'objets parmi les 259 dont je dispose.

Un exemple:

Créons une fenêtre APL contenant Internet Explorer 5, connectons-nous à Internet et allons visiter mon site Web:

```
'int' DWI 'New' 'Form'
'int.msie5' DWI 'New' 'Navigateur Web Microsoft'
'int'DWI'onResize' "'int.msie5'DWI'where'0 0.'int'DWI'size'"
```

Le première instruction crée une fenètre APL.

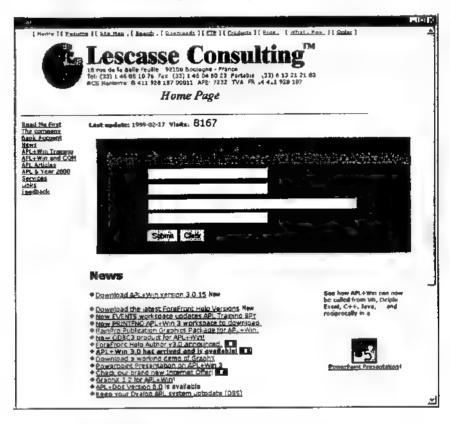
La seconde crée une instance du navigateur Internet Explorer 5 et l'incorpore dans le fenêtre (la notation int.msie5 indique que l'objet msie5 est un enfant de la fenêtre int).

Vous noterez que Navigateur Web Microsoft est le nom exact de l'un des objets ActiveX existants sur ma machine (voir ci-dessus)

La troisième instruction indique à APL+Win qu'il devra redimensionner Internet Explorer en lui donnant les dimensions exactes de la fenêtre chaque fois que celle-ci changera de taille (c'est à dire lorsque je modifierai la taille de la fenêtre à l'aide de la souris)

Maintenant, supposons que j'active ma connexion Internet. Pour aller visiter mon site Web, avec ma mini application APL, il suffit que j'écrive:

'int.msie5' [WI 'Navigate' 'http://www.lescasse.com'



Il n'est bien sûr pas nécessaire que Internet Explorer occupe la totalité de ma fenêtre APL et je pourrais aisément créer une application APL sophistiquée qui utilise Internet Explorer dans une partie de la fenêtre de mon application!

Bien sûr, la fenêtre ci-dessus n'est pas seulement un image mais bien une instance complète d'Internet Explorer 5, me permettant de naviguer librement sur mon site et sur Internet, en chquant sur les liens hypertextes qui apparaissent dans la page.

Au passage, j'en profite pour vous indiquer qu'APL (aussi hien APL+Win que Dyalog APL) permet désormais de développer des applications Internet complètes et complexes. Il est en effet possible de développer un Serveur Web en APL (en moins de 200 lignes d'APL+Win).

Si vous vous connectez sur mon site Web à l'adresse http://www.lescasse.com (voir cidessus) entrez votre nom et votre adresse E-mail dans le formulaire Guest Book, qui se présente à vous. Vous recevrez aiors une page de réponse qui vous expliquera qu'un Serveur Web APL vient de traiter votre requête et vous présentera quelques citations très intéressantes de développeurs américains concernant APL+Win et Internet.

Lorsque vous cliquerez sur le bouton Submit, ces informations seront automatiquement envoyées à mon serveur Internet dans le centre de Paris et traitées sur ce serveur par un APL+Win.

Ce Serveur Web APL est un "Service NT APL+Win" qui fonctionne de façon permanente et fiable depuis plusieurs mois maintenant.

Il analyse les réponses du formulaire, les enregistre dans une base de données (un simple fichier APL à composantes) et m'envoie automatiquement un E-mail pour me prévenir et m'informer du visiteur qui vient d'aller voir mon site.

Pour l'instant, mon Serveur Web APL ne gère que ce formulaire, mais il a été construit pour gérer autant de formulaires, compteurs Internet, bases de données, etc. qu'il est possible d'imaginer et ceci pour tous les visiteurs simultanés qui se connectent sur mon site.

Utilisation d'objets COM

Un autre type de développement objet consiste à exploiter la technologie COM de Microsoft.

De façon très simplifiée cette technologie a été créée pour permettre à des objets et logiciels disparates de communiquer et d'échanger des données entre eux.

A titre d'exemple, montrons comment il est possible en quelques instructions APL de complètement piloter Excel et d'exploiter Excel depuis une application APL+Win.

L expression:

```
'ex' Uwi 'New' 'Excel.Application'
```

démarre Excel 97 sous la forme d'un objet APL nommé ex et le charge en mémoire (sans le montrer pour l'instant).

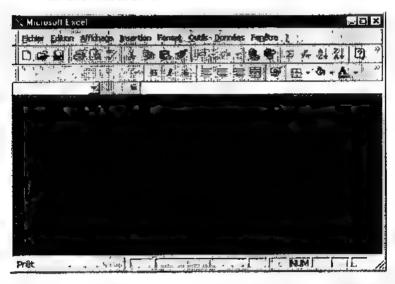
Vous pouvez immédiatement demander à voir la liste de propriétés, méthodes et événements disponibles, comme pour tout objet. Ces listes étant trop longues contentons-nous de demander le nombre de propriétés, méthodes et événements disponibles pour notre objet Excel:

P'ex'Dwi'properties'

Les objets COM sont en réalité constitués d'une hiérarchie d'objets et sous-objets. L'accès aux sous-objets se fait par l'intermédiaire de certaines propriétés de l'objet COM, avec une syntaxe de "redirection" de cette propriété vers un sous objet.

Commencons par montrer notre objet Excel:





Vous remarquerez qu'aucun classeur n'est ouvert par défaut. En effet un classeur Excel est un objet (en fait un sous-objet d'Excel) et il nous faut le créer.

Il faut tout d'abord créer un objet "Collection de Classeurs". Appelons-le ex.wkbks:

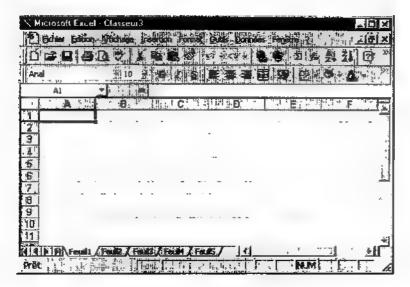
```
'ex'Dwi'Workbooks>ex.wkbks'
```

La syntaxe précédente, nouvelle pour Dwi, permet de rediriger la propriété Workbooks vers la création d'un objet relatif à cette propriété.

Maintenant, créons un classeur (=ajoutons un classeur Excel à notre collection), avec 5 feuilles de calcul:

```
'ex'Dwi'SheetsInNewNorkbook'5
'ex.wkbks'Dwi'XAdd>ex.wkbk'
```

Notre fenêtre Excel devient:



Il nous faut maintenant rendre actif le Classeur ainsi creé

```
'ex.wkbks'@wi'Item>ex.wkbk'l
'ex.wkbk'@wi'Activate'
```

La documentation du modèle objet d'Excel nous indique qu'il faut maintenant créer un objet collection de Feuilles ainsi qu'un objet "Feuille" et rendre actif cet objet feuille en passant son numéro à la propriété Item, puis en invoquant la méthode Activate:

```
'ex.wkbk'@wi'Worksheets>ex.wkshts'
'ex.wkshts'@wi'Item>ex,wksht'2
'ex.wksht'@wi'Activate'
```

Ces 3 instructions sont similaires aux instructions ayant permis de créer les objets "collection de Classeurs" et "Classeur" ci-dessus.

Par exemple, créons un tableau généralisé en APL:

```
report+?5 3p10000
report+'APL+Win' 'APL+Dos' 'APL+Unix' 'APL+PC' 'APL+Li
nk',report
report+(AV2ANSI"'' 'Jan' 'Fev' 'Mar');report
report
Jan Fev Mar
APL+Win 1742 6851 5158
APL+Dos 9066 5967 4005
APL+Unix 7432 9805 3459
APL+PC 3804 9630 8291
APL+Link 996 1328 1045

preport
6 4
```

Pour installer ce tableau dans la feuille Excel active, il faut créer un objet "plage de cellules" ("range" en anglais), enfant de notre feuille:

```
'ex.wksht'Qwi'Range>ex.rng' 'B2:E7'
'ex.rng'Qwi'Value'(%report)
```

Notez qu'Excel traite ses tableaux en plaçant les colonnes avant les lignes, contrairement à APL, d'où la nécessité de transposer notre tableau généralisé APL.

Ajoutons maintenant une série de formules en bas du tableau pour effectuer les sommes des colonnes:

```
'ex.wksht'@wi'Range>ex.rng' 'C8:E8'
'ex.rng'@wi'Formula' '=sum(C3:C7)'
```

Notez que nous n'avons indiqué qu'une formule pour 3 cellules et qu'Excel s'est chargé tout seul, d'une part de reproduire la formule dans chacune des 3 cellules C8, D8 et E8 et d'autre part de la traduire en =SOMME(C3:C7) =SOMME(D3:D7) et =SOMME(E3:E7).

Maintenant encadrons les diverses plages de titre:

```
'ex.wksht'Dwi'Range>ex.rng' 'B3:B7'
'ex.rng'Dwi'BorderAround'1 3
'ex.wksht'Dwi'Range>ex.rng' 'B2:E2'
'ex.rng'Dwi'BorderAround'1 3
'ex.wksht'Dwi'Range>ex.rng' 'B8:E8'
'ex.rng'Dwi'BorderAround'1 3
'ex.wksht'Dwi'Range>ex.rng' 'B2:E8'
'ex.rng'Dwi'BorderAround'1 4
```

Puis alignons a droite le contenu des colonnes C D et E;

```
'ex.wkshi'Dwi'Range>ex.rng' 'C2:E8'
'ex.rng'Dwi'HorizontalAlignment' ~4152
```

Changeons maintenant la police des titres de ligne et de colonnes de notre tableau Pour cela il faut créer un objet "police" qui soit un enfant de l'objet "plage":

```
'ex.wksht'Dwi'Range>ex.rng' 'B3:B7;C2:E2;B8:E8'
'ex.rng'Dwi'Font>ex.rng.fnt'
'ex.rng.fnt'Dwi'xName' 'Arial'
'ex.rng.fnt'Dwi'size'12
'ex.rng.fnt'Owi'Bold'1
```

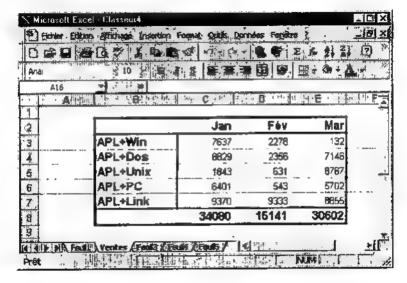
Puis élargissons la colonne B pour tenir compte de la police de plus grande taitle:

```
'ex.wksht'Dwi'Range>ex.rng' 'B1' 
'ex.rng'Dwi'ColumnWidth'16
```

Pour terminer donnons le nom "Ventes" à l'onglet de la feuille active:

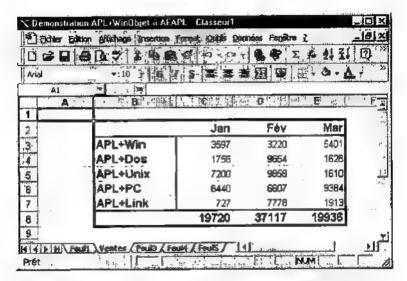
```
'ex.wksht'Dwi'xName' 'Ventes'
```

Finalement notre objet Excel et notre tableau ont l'aspect suivant:



Changeons le titre de notre fenêtre Excel:

'ex'Ewi'caption'(AV2ANSI'Démonstration APL+Win Objet à AFAPL')



Notez l'utilisation de la fonction utilitaire AV2ANSI (livrée avec APL+Win) pour convertir les caractères du DAV en caractères ANSI.

Il faut bien que grâce à la technologie COM, Excel est devenu un objet qu'APL peut manipuler à loisir, exactement comme nous le souhaitons.

Enfin, si nous souhaitions sauvegarder notre workbook, rien ne serait plus simple:

et pour le recharger plus tard:

Qu'avons nous appris à l'étude de cet exemple?

- Des produits tels qu'Excel, Word, etc. sont des objets ActiveX qu'il est possible de manipuler entièrement depuis APL+Win
- La syntaxe à utiliser ne fait appel qu'à une seule fonction système APL+Win (Qwi) et est très simple
- Un produit comme Excel est une hiérarchie d'objets que l'on peut représenter ainst.

Excel Application

Workbooks

Workbook

Worksheets

Worksheet

Range

Value
Consul
Characters
Border
Alignment
Fort

Résumons toutes les instructions APL relatives à notre exemple Excel dans une fonction APL:

```
▼ ExcelExample; report
      AV ExcelExample . Démontre le pilotage d'Excel depuis APL
[11]
[2]
      RY avec Is technologie CON
E31
[4]
      report+?5 3010000
      report+ 'APL+Win' 'APL+Dos' 'APL+Unix' 'APL+PC' 'APL+Link', report
[5]
      report+(AV2ANSI"'' 'Jan' 'Fév' 'Mar') report
[6]
[7]
      Dwself+ 'ex'Dwi'Create' 'Excel.Application'('visible'1)
[a]
                'ex'Dwi'Norkbooks>ex.wkbks' A crée un nouveau classeur
191
                'ax'Dwl'SheetsInNewNorkbook'S a nombre de feuilles à ajouter
[10]
[11]
         'ex.wkbks'Dwi'XAdd>ex.wkbk'
         'ex.wkbks'Dwi'Itember.wkbk'i
[12]
          'ex.wkbk'Owi'Activate'
[13]
          'ax, wkbk'Dwi'Norksheets>ex, wkshts'
1141
        'ex.wkshts'Dwi'Itemex.wksht'2
[15]
[16]
         'ex.wksht'Owi'Activate'
[17]
         'ex.wksht'Owi'Range>ex.rng' 'E2:E7' a envoi d'un tableau APL ds Excel
[18]
            'ax.rng'Uwi'Value'(%report)
[191
[20]
         'ex.wksht'Owi'Range>ex.rng' 'C8:E8' a création de formules ds Excel
[21]
           'ex.rng'Owi'Formula' '=sum(C3:C7)'
[22]
[23]
         'ex.wksht'Dwi'Rangerex.rng' 'C2:Es' a changement alignement horizontal
'ex.rng'Dwi'BorizontalAligument' ^4152
[24]
[25]
1261
         'ex wksht'Dwi'Rangerex.rng' 'E3:E7' a encadrement de plages de cellules
'ex.rng'Owi'BorderAround'1 3
[27]
[28]
         'ex.wksht'Owi'Range>ex.rng' 'B2:E2'
1291
         'ex.rng'llwi'BorderAround'l 3
'ex.wksht'llwi'Range>ex.rng' 'B
[30]
                                        'Ba:E0'
[31]
         'ex.rng'Dwl'BorderAround'1 3
'ex.wksht'Dwl'Range>ex.rng' 'B2:E8'
[32]
[33]
            ex. rpg'flw1'BorderAround'1 4
[34]
[35]
         'ex.wksht'Dwi'Range>ex.rng' '83:81;C2:E2;B8:E0' a changement de police
1361
           'ex.rng'Uwi'Font>ex.rng.fnt'
[37]
       'ex.rng int Dwi'xName' 'Arial'
[38]
       'ex.rng fnt'Dwi'size'12
[39]
       'ex.rng.fnt'Dwi'Bold'1
[40]
[41]
         'ex.wksht'Owl'Range>ex.rng' 'Bl' - a changement de largeur de colonne
[42]
            ex.rng'Bwi'ColumnWidth'16
[43]
1441
         'ex. wksht'Dwl'xName' 'Ventes'
                                              a changement du nom de la feuille
[45]
[46]
                'ex'Dwi'caption'(AVZANSI'Démonstration APL+NinObjet & AFAPL')
[47]
[48]
         'ex.wkbk:Dwi'SeveAs' 'c:\temp\afspl.xls' = sauvegarde du classeur
'ex.wkbks'Dwi'XOpen' 'c:\temp\temp.xls' = chargement d'un autre classeur
[49]
1501
```

Créer vos propres objets en APL+Win

Avec la nouvelle version 3.5, **APL+Win** va plus loin et vous permet de créer vos propres objets, au niveau systeme.

C'est à dire que vous allez pouvoir définir leurs propriétés, méthodes et événements, puis vous servir de la fonction DWI pour utiliser vos objets comme s'ils s'agissaient d'objets Windows standard.

Ce qui est remarquable, c'est la pureté et la simplicité du système conçu par APL2000 pour vous permettre de créer vos objets.

Les concepts de base de ce nouveau système sont les suivants: il suffit d'ajouter à APL+Win deux nouveaux événements:

Un événement onNew qui se produit chaque fois que l'on se sert de OWI'New'. En interceptant la demande de création d'un objet, avant qu'il ne soit créé par le système, il est ainsi possible de le créer soi-même avec toutes les caractéristiques souhaitées, en s'appuyant sur un ou plusieurs objets existants dans APL+Win

Un événement onAction qui se produit chaque fois que vous tentez d'utiliser une propriété ou une méthode sur votre propre objet, avant que le système APL+Win ne tente d'exécuter cette propriété ou méthode

Grâce à ces 2 idées de génie, APL-2000 a pu implanter un système qui vous permette de créer vos propres objets, quelque soit leur nature et leur complexité, sans alourdir son interface Windows actuelle, sans modifier vos habitudes de programmation, sans ajouter la moindre fonction ou variable système à APL+Win.

Avec le système qu'ils ont créé, vous pouvez commencer à bâtir une hiérarchie d'objets aussi complète et sophistiquée que celle de **Delphi** par exemple.

Vous pourrez utiliser l'héritage, le polymorphisme, etc...

Vous pourrez enfin réeflement réutifiser vos objets d'une application à l'autre, sans avoir à "réinventer la roue" à chaque fois.

Après avoir expliqué la création d'objets personnalisés en APL+Win, je vous montrerai quelques exemples d'objets extraits de ma propre bibliothèque d'objets.

Comment créer un objet personnalisé en APL+Win 3.5

La meilleure façon de demontrer est (comme toujours) de prendre un exemple.

Tous les langages de développement Windows possèdent un objet "Edit" ou "zone de texte" pour permettre la saisie à l'écran. Tous possèdent également un objet "Label" ou zone de texte statique pour permettre l'affichage de texte dans une fenêtre.

Lorsque vous voulez créer une zone de saisie dans une fenêtre, vous devez la plupart du temps associer une zone "Edit" et un "Label".

Exemple:

Dwself+'ff.lab'Dwi'Create' 'Label'('caption' 'Nom')('w
here'10 10 20 30)

Dwself+'ff.edi'Dwi'Create' 'Edit'('where'10 43 20 100)



Comme vous le constatez, il n'est pas très difficile de créer une fenètre avec un Label et un Edit.

Malgré tout, il faut 2 instructions puisqu'il y a 2 objets à créer (en déhors de la fenêtre). Par ailleurs nous constatons que le texte du Label n'est pas à la même hauteur que le texte saisi. Enfin, si nous devions déplacer la zone de saisie, en mode "design" ou par programme, il faudrait effectuer un second déplacement similaire pour le Label, avec le risque de ne pas le repositionner tout à fait correctement par rapport à la zone Edit.

Egalement, si nous souhaitions changer la police des étéments de notre fenêtre, il faudrait effectuer deux opérations: un changement de police pour le Label et un changement de police pour la zone Edit.

Toutes ces remarques nous amènent à imaginer un nouveau type d'objet qui serait la combinaison d'un Label et d'un Edit, toujours parfaitement solidaires l'un de l'autre et parfaitement positionnés l'un par rapport à l'autre.

Tentons de créer un tel objet.

Choisissons TLabelEdit comme nom de classe pour ce nouveau type d'objet.

La première chose à faire est de déclarer ce nouvel objet de façon à ce quit soit connu d'APL+Win.

Ceci est réalise en ajoutant ce nom de classe d'objet à la propriété newclasses de l'objet système d'APL+Win.

'#'Dwi'newclasses' 'TLabelEdit'

Maintenant défanssons une gestion d'événement pour l'événement OnNew

'#'Dwi'onNew' 'TLabelEdit"New"'

Cect signifie que lorsque nous tenterons de créer une instance de notre objet **TLabelEdit** en écrivant:

'ff.le'Owi'New' 'TLabelEdit'

l'événement onNew se déclenchera et exécutera la fonction TLabelEdit avec un argument droit égal à 'New'.

Vous remarquerez que nous prenors grand soin de nommer la fonction qui gèrera notre nouvel objet, du même nom exact que la classe de cet objet. En effet, lorsque nous aurons créé des dizaines ou centaines d'objets personnalisés, cela facilitera la maintenance. Par ailleurs, en APL+Win, lorsque l'on appuie sur Ctrl+Shift+O lorsque le curseur est sur un nom de fonction, cela ouvre la fonction dans l'éditeur: il sera donc très pratique de simplement mettre le curseur sur le mot TLabelEdit à l'écran et de faire Ctrl+Shift+O pour éditer la fonction qui gère cet objet.

Création d'un nouvel objet

Nous allons donc développer une fonction **TLabelEdit** correspondant à notre objet, et nous allons nous efforcer de placer la totalité de notre objet dans cette fonction (propriétés, méthodes, gestion d'évênements, ...) sans appeler de sous-programmes.

De cette façon notre objet sera facilement réutilisable. Il suffira de copier sa fonction dans une autre application.

Le squelette que je recommande pour les fonctions d'objets personnalisés est le suivant:

```
▼ A TClass B:Bio:Dwself
      AV A TClass B -- TClass Template Object
[1]
      AV A ++ object name
AV B ++ 'property'
[2]
[3]
      AV
         or 'property' value
[43]
           or 'Method'
[5]
      AV
           or 'Method' argument1 ... argumentN
[6]
[71
                                                  a environmement
[8]
     Dio-1
[9]
     :if 2*Bnc'A' * A*Bwself * :end
                                                 A objet par défaut
     :select B
[10]
     :case'New'
                                                 A constructeur
[11]
                                                 A création objet
          Dwself+A Dwi'*Create' 'Class'
[12]
              □wi'*onAction' 'TClass"Action"
                                                a onAction handler
f 13 l
[14] :case'Action'
[15]
         :select+Dwarg
[16]
          :case'class'
              flwres+'TClass'
[17]
[18]
          :case'methods'
              Dwres+(Dwi'*methods')
[19]
          :case'properties'
[20]
              Dwres+(Dwi'*properties')
[21]
[22]
          :else
[23]
              Owres+Owi'*'
[24]
          : end
[25]
     :else
          Derror'Unkown TClass command: ',B
[26]
[27]
```

L argument droit de nos fonctions d'objets seront des noms de propriétés (suivies de valeurs ou non), des noms de méthodes (suivies d'arguments ou non), des noms d'évênements.

L argument gauche de nos fonctions d'objet sera toujours le nom de l'instance d'objet que nous souhaitons créer.

En ligne 9, s'il n'y avait pas d'argument gauche passé à la fonction d'objet, nous récupérerions le nom de l'objet dans la variable système DWSELF. Ensuite, le reste de la fonction est une clause :select dont les différents :case comprendront toujours:

Le :case'New' ou "constructeur" qui contiendra les lignes de code servant à créer une instance de notre objet

Le :case'Action' qui recevra et gèrera tous les appels à des propriétés ou methodes de l'objet

Le :else qui renverra une erreur en cas de non recommaissance du nom de la propriété ou methode invoquée.

Que mettre donc dans le constructeur de notre objet? En bien, il nous faut créer deux objets, un Label et un Edit.

Mais nous souhaitons nous assurer qu'ils possèdent tous les deux une échelle "pixels", ce qui se fait en fixant leurs propriété 'scale' à 5. Voici la fonction TLabelEdit, obtenue en remplaçant TClass par TLabelEdit partout dans la fonction TClass, puis en ajoutant les lignes 12 et 13:

```
▼ A TLabelEdit B:Dio:Dwself
[1]
      AV A TLabelEdit B -- TLabelEdit Template Object
[2]
      R∀ A ++ object name
      AV B ++ 'property'
[3]
         or 'property' value
[4]
      RΫ
          or 'Method'
151
     A7
     A.V
          or 'Method' argument1 ... argumentN
[6]
[7]
[8]
     Dio-1
                                                A environment
     :if 2≠Onc'A' • A+Owself • :end
                                                A default object
[9]
[10] :select B
[11] :case New'
                                                A constructor
          Owself+A Owi'*Create' 'Edit'('scale'5) a create an Edit object
[12]
          Uwseif+(A.'Lab') Gwi'*Create' 'Label'('scale'5) A now a Label
[13]
              Dwi'*onAction' 'TLabelEdit"Action" A onAction handler
[14]
[15] case'Action'
[16]
         :select:Uwara
[17]
         :case'class'
              Dwres-'TLabelEdit'
[18]
         :case methods'
[19]
             Dwres+(Dwi'*methods')
[20]
[21]
         :case'properties'
             []wres-([]wi'*properties')
[22]
[23]
         :else
             Ewres+Owi'*'
[24]
         ; end
[25]
[26]
     :else
         Derror'Unkown TLabelEdit command: ',B
[27]
[28]
     :end
```

Nous pouvons désormais créer une instance de notre objet:

```
'ff.le'Dwi'New' 'TLabelEdit'
```

Toutefois les 2 sous-objets qui le composent se trouvent positionnés au centre de l'écran et sont superposés.

Nous souhaitons que notre objet TLabelEdit dispose d'une propriété where qui nous permettent de les positionner correctement sur notre fenêtre.

Création d'une propriété

Il nous faut d'abord pouvoir préciser quel est le texte du Label associé au contrôle Edit. Il faut pour cela que nous puissions changer la propriété caption du Label Mais n'oublions pas que notre objet est un ensemble Label + Edit et qu'il ne connaît pas lui-même de propriété caption.

Il faut donc en définir une.

La définition d'une propriété d'un objet personnel est très simple. Il suffit d'ajouter un case nom de propriété au :select du :case Action de l'objet.

Toutefois pour une propriété il faut traiter 2 cas:

L'interrogation de la valeur actuelle de la propriété Le changement de valeur de la propriété

Ceci sera très simplement réalisé à l'aide d'une structure :if ... :else ... :end, comme suit:

Vous noterez 2 points essentiels.

Lors de l'utilisation d'une propriété ou d'une méthode, la variable système Dwarg contient toujours en premier élément le nom de la propriété ou méthode invoquée, et dans les éléments suivants, la nouvelle valeur de la propriété ou les arguments de la méthode.

Par exemple, si nous exécutions:

```
'ff.le'Dwi'caption' 'Essai'
```

□warg contiendrait un vecteur généralisé de 2 chaines de caractères, comme le montre l'instruction suivante:

```
|display Dwarg
```

Par silleurs, il faut placer dans la variable système Dwres ce que nous désirons recevoir comme résultat.

La clause : if correspond à l'interrogation de la valeur actuelle de la propriété caption et la clause : else à sa modification.

Toutes les propriétés d'un objet doivent être implémentées de cette façon,

Après avoir ajouté le :case caption à notre objet TLabelEdit, nous pouvons utiliser la propriété caption de notre objet:

En APL+Win, la caption par défaut d'un Label est égale à son nom.

```
'ff.le'Owl'caption' 'Nom du salarié'
```

Le changement de valeur d'une propriété ne rend pas de résultat.

Comme vous le constatez, l'implémentation d'une propriété d'un objet est une tâche relauvement simple.

Création d'une méthode

Pour calculer la position exacte du contrôle Edit, il nous faudra consaître la longueur exacte en pixels du Label.

Pour ce faire nous pouvons écrire une fonction utilitaire LabelSize dont voici le code:

```
v R*LabelSize L;F;C;D;E;F;Dio
   AV R-LabelSize L- Calcule les dimensions en pixels du Label
[1]
    AV L ** nom de l'objet Label
[2]
[3]
   AV R +> longueur du label en pixels
[4]
[5]
   D10+1
[6] C+L Owi'caption'
                               A texte du Label
   D+("1+L1'.')+L
[7]
                               a nom de la fenêtre
[8] E+D Dw1'scale'
                               A échelle de la fenêtre
                               A force échelle "pixels"
[9] D Owi'scale'5
[10] :if OEPF+L Dwi'font'
                               A si pas de police définie
                               A police par défaut
[11]
        F+'MS Sans Serif'8 0
[14] D Dwi'scale'E
                               A rétablie échelle fenêtre
```

Exemple:

```
LabelSize'ff.leLab'
13 22
```

Toutefois, de façon à éviter tout sous programme pour notre objet **TLabelEdit**, il est souhaitable d'implémenter cette fonction utilitaire en tant que **méthode** de l'objet.

Comme pour l'ajout d'une propriété, l'ajout d'une méthode à notre objet consiste à ajouter un :case'nom_de_méthode' au :select du :case'Action' de l'objet Ajoutons donc le code de la fonction LabelSize à notre objet TLabelEdit. Notre fonction TLabelEdit devient:

```
v A TLabelEdit B:C:D:E:F:L:Dio:Dwself
     AV A TLabelEdit B -- TLabelEdit Template Object
[1]
     AV A ++ object name
[2]
     AV B ++ 'property'
[3]
         or 'property' value
[4]
     AΨ
          or 'Method'
[5]
     AV.
[6]
     AV or 'Method' argument1 ... argumentN
[71]
[a]
                                           A environmement
     Bio+1
                                          a objet par défaut
[9]
     :1f 2≠Dnc'A' ◇ A+Dwself ◇ :end
    :select B
[10]
     : case 'New'
                                          A constructeurr
[11]
         Dwself+A Owi'*Create' 'Edit'('scale'5)
[12]
         Owself+(A,'Lab')Owi'*Create' 'Label'('scale'5)
[13]
         A Dwi'*onAction' 'TLabelEdit"Action"'
[14]
[15] :case'Action'
[16]
         :select+Dwarg
[17]
          :case'class'
              Owres+'TLabelEdit'
[18]
          :case'methods'
[19]
              Dwres+(Dwi'*methods')
[20]
          :case'properties'
[21]
[22]
              □wres+(□wi'*properties')
          :case'caption'
                                           a propriété caption
[23]
[24]
              : If 1=pllwarq
                  Owres+(A, 'Lab') Owi' caption'
1251
[26]
                  (A, 'Lab') Dwi' caption' (2-Dwarg)
[27]
[28]
              : end
        :case'LabelSize'
                                           a méthode LabelSize
[29]
             L+A, 'Lab'
                                          a nom du Label
[30]
             C+L Dwi'caption'
                                          a texte du Label
[31]
             D+ (-1+L1'.')+L
                                          a nom de la fenêtre
[32]
             E+D Owi'scale'
[33]
                                          n échelle de la fenêtre
                                          a Force échelle pixels
             D Owl'scale'5
[34]
             :if OEPF+L Owi'font'
                                          a si police non définie
[35]
                  F+'MS Sans Serif'8 0 A police par défaut
[36]
                                           A fin
[37]
              : end
              Dwres+€D Dwi'Draw'((c'Font'),F)((c'?Text'),C)
[38]
[39]
              D Dwi'scale'E
                                           a rétablit échalle fen.
[40]
         :else
              Dwres+Dwi'*'
[41]
[42]
         : end
[43]
      :else
          Derror'Unkown TLabelEdit command: ', B
[44]
      : end
[45]
```

Utilisons notre nouvelle méthode:

```
'ff.le'Owi'LabelSize'
13 89
```

Tout marche bien: notre Label a une longueur de 69 pixels et une hauteur de 13 pixels

Il nous faut maintenant implémenter une propriété where pour pouvoir positionner parfaitement le Label et son Contrôle Edit associé.

Création de la propriété where

Créons donc la propriété where pour notre objet.

Lorsque nous définirons une position dans l'écran pour TLabelEdit, ce sera celle du coin supérieur gauche du Label. La position du Edit devra se déduire automatiquement de celle du Label en respectant:

Le fait que le texte du Label devra être à la même hauteur que le texte du contrôle Edit

Le fait que le contrôle Edit devra commencer 5 pixels après le demier caractère du Label

Voici comment implanter la propriété where:

```
[47]
          : case' where'
                                            a propriété where
             L-A, 'Lab'
[48]
                                            a nom du Label
[49]
              D-C-61+Owarg
                                            A argument de where
             :1f 4#PC
[50]
                                            a contrôle argument
[51]
                  Dwres-'La propriété where doit contenir 4 éléments'
[52]
                                            a sortie si erreur
                  :return
[53]
             : end
             (E F) + Gwl'LabelSize'L
[54]
                                            A dimensions du label
[55]
             D[1]+C[1]-3
                                            A position vert. du Edit
                                            A position hors. du Edit
[56]
             D[2]+C[2]+F+5
                                            R ajuste hauteur du Edit
             D[3]+E+7
[57]
             D[4]+C[4]
                                            A longueur du Edit
[58]
             Cl3 41+E F
                                           A dimensions du Label
(59)
             L Dwi'*where'C
                                            R positionne le Label
[60]
[62]
             A Owi'twhere'D
                                            A positionne le Edit
```

Le principe consiste à récupérer la valeur de la propriété where de notre objet TLabelEdit (ligne 49), à affecter cette propriété au Label (ligne 60), à récupérer la longueur exacte en pixels de notre Label (ligne 54 qui appelle notre méthode LabelSize), puis à ajuster précisément la propriété where du contrôle Edit associé au Label, en fonction de la propriété where du Label (lignes 55 à 58) et enfin de forcer les dimensions du Label à être précisément celles de sa caption (ligne 59).

Vous noterez la présence des étoiles devant la propriété where en lignes 42 et 43.

Ceci est en effet nécessaire pour la raison suivante: nous avons implementé une propriété where pour notre objet TLabelEdit qui porte le même nom qu'une propriété existante dans APL+Win (where) pour les contrôles Label et Edit.

La presence d'une étoile devant where en ligne 42 et 43 indique à APL+Win d'exécuter la propriété where standard des Label et Edit et non d'appeler à nouveau la propriété where que nous venons de définir dans notre objet TLabelEdit.

Si nous n'avions pas mis d'étoile (*) devant where en ligne 43, notre programme entrerait dans une boucle sans fin!

Essayons notre propriété where:

'ff.le' [wi'where' 10 10 15 100



'ff.le'Owi'where'40 50 15 200



Vous noterez que la zone Edit est parfaitement positionnée dans les 2 cas par rapport au Label.

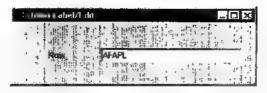
Le texte de la zone Edit est exactement à la même hauteur que le texte du Label.

La zone Edit commence exactement à la distance souhaitée après le Label.

Enfin, le dernier élément de notre propriété where fixe la longueur du contrôle **Edit**. Il était en effet inutile de l'appliquer à la longueur du **Label** puisque celle-ci est calculée et modifiée dans le code de la propriété where de **TLabelEdit**.

Maintenant, que se passe-t-il si nous modifions la propriété caption de notre Label:

'ff.le'Dwi'caption' 'Nom'



Comme vous le constatez, la position de la zone Edit n'est pas ajustée automatiquement pour être placée juste après le Label.

Comment pouvons-nous remédier à ce petit problème de notre objet TLabelEdit.

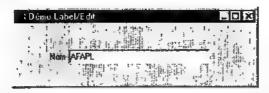
Il suffit d'ajouter l'instruction suivante à la propriété caption de notre objet TLabelEdit:

En effet, le fait de changer la propriété where de notre objet TLabelEdit permet de recalculer parfaitement la position du Label et du Edit. Comme nous ne voulons pas changer la position du Label, nous lui réaffectors la position actuelle (soit:

(3+(A, 'Lab') []wi'*where')). Il nous faut seulement récupérer la largeur de notre contrôle Edit (soit 4-A []wi'*where'). Vous noterez à nouveau l'utilisation des étoiles pour indiquer que nous voulons utiliser la propriété where standard d'APL+Win et non la propriété where de notre objet TLabelEdit.

Reessayons maintenant de modifier la caption de notre objet:

'ff.le'Owi'caption' 'Nom'



Notre objet Edit se repositionne maintenant parfaitement, juste après le Label en tenant compte de la nouvelle longueur de ce dernier.

A vrai dire, nous commençons à disposer d'un nouvel objet personnalisé (TLabelEdit) qui correspond exactement à nos désirs. Il nous permettra d'aller beaucoup plus vite pour définir des fenètres de saisie et de plus nous permettra d'obtenir une interface parfaite au pixel près.

Bien d'autres propriétés et méthodes pourraient être ajoutées à cet objet, mais je souhaitais simplement vous montrer les principes du développement d'objet personnalisés en APL+Win 3.5.

Ajout du Destructeur

Il nous reste toutefois une fonctionnalité indispensable à implémenter dans notre objet TLabelEdit: la destruction de l'objet.

En effet, de même que tout objet personnalisé doit comporter un constructeur (méthode 'New'), tout objet doit en principe comporter un destructeur.

Si nous n'ajoutions pas de destructeur à notre objet, nous n'effectuerions pas une destruction propre de l'objet en écrivant:

```
'ff.le'Owi'*Delete'
```

En effet cette instruction détruit le contrôle Edit (qui porte le même nom que notre objet) mais pas le Label, qui s'appelle ff.leLab.

La preuve en est le résultat de cette destruction:



Pour résoudre ce problème il nous faut gèrer l'événement on Delete sur l'objet Edit et, dans la fonction de gestion de cet événement, il nous faut détruire l'objet Label.

Voici le code nécessaire:

Amsi, la destruction de l'objet TLabelEdit est parfaite.

Cette même technique de destruction, utilisant l'événement onDelete du sous-objet principal (ici le contrôle Edit) d'un objet personnalisé doit être appliquée systématiquement pour détruire les sous-objets associés (ici le Label).

Essayons notre nouveau destructeur. Mais d'abord recréons, en une seule instruction, un objet TLabelEdit dans notre fenêtre:

'ff.le'Bwi'*Create' 'TLabelEdit'('caption' 'Département')('where'60 10 15 150)



Et maintenant détruisons le:

```
'ff.le'Dwi'*Delete'
```



Cette fois-ci la destruction est parfaite.

Création d'un événement

Supposons que dans une application utilisant l'objet TLabelEdit, nous désirions pouvoir réagir a toute modification de la propriété police de notre objet TLabelEdit.

Tout d'abord, il nous faut créer une propriété police pour notre objet **TLabelEdit**, qui modifie à la fois la police du **Label** et la police du **Edit**.

En voici le code

```
[36] :case'font'
[37]
         :if 1=pGwarg
[38]
             Dwres+(A,'Lab') Uwi'*font'
[39]
         :else
[40]
             C+1+Dwarg
             L+A, 'Lab
[41]
[42]
             L Dwi'*font'C
             A Dwi'sfont'C
[43]
             A Dwi'where'((3+L Owi'*where'),4>A Owi'*where')
[44]
             A Dwi'*Event' "TLabelEdit'onFontChange'" 'onFontChan
[45]
ge'(1+Qwarg)
[46]
```

En ligne 45 nous avons défini un nouvel événement qui se produira donc à chaque fois que l'utilisateur ou l'application modifiera la propriété font de l'objet TLabelEdit.

Cette instruction utilise la nouvelle méthode Event (disponible pour tout objet d'APL+Win 3.5) pour indiquer au système de générer immédiatement un événement onFoatChange qui sera geré par l'expression TLabelEdit'onFontChange'.

Ajoutons donc un :case'onFontChange' à notre objet pour gérer cet événement,

Essayons maintenant de modifier la police de notre objet:

```
'ff.le'Dwi'*Create' 'TLabelEdit'('caption' 'Nom de famille')
('where'30 10 10 200)
```



'ff.le'Owi'font' 'Arial'20 1 La police de l'objet ff.le a changé et est devenue Arial 20 1



Vous remarquerez par ailleurs que la propriété where de notre objet a été parfaitement conçue puisqu'elle a permis de réadapter automatiquement la hauteur du Label et du Edit, ainsi que leurs positions relatives, sans que nous n'ayions eu a ajouter le moindre code pour ce faire.

Le texte du Label et du Edit restent à la même hauteur, au pixel près.

Nous nous somme contentés d'afficher dans la session APL une information sur l'évènement de changement de police, mais bien sûr, nous aurrons pu développer tout autre code APL pour gérer l'événement de changement de police.

Nous pourrions aller plus loin. Par exemple, lorsque nous changeons la police de la fenêtre, ce qui change par héritage la police des contrôles de la fenêtre, donc du Label et du contrôle Edit, nous pourrions définir un événement onFontChange sur la fenêtre qui permette de redimensionner le Label et le contrôle Edit.

Je vous laisse le soin de mettre en place cette fonctionnalité, à titre d'exercice. La page suivante nous reproduit le code complet de la fonction TlabelEdit.

Code de l'objet TLabelEdit

```
▼ A TLabelEdit B;C;D;E:F;L;Dio;Dwself;G;H
[1]
      A▼ A TLabelEdit B -- TLabelEdit Template Object
[2]
      AV A ←+ object name
      AV B -- 'property'
[3]
[4]
      AV
           or 'property' value
           or 'Method'
[5]
      QQ
           or 'Method' argument1 ... argumentN
[6]
      AV
[7]
[8]
      010+1
                                           A environnement
      :1f 2≠Unc'A' ◇ A+Uwself ◇ :end
                                           A objet par défaut
[9]
[10]
      :select B
[11]
     :case'New'
                                           A constructeur
          Dwself+A Dwi'*Create' 'Edit'('scale'5)
[12]
              Dwi'onDelete' "TLabelEdit'onDelete'"
[13]
          Dwself+(A.'Lab')Dwi'*Create' 'Label'('scale'5)
[14]
          A Dwi'*onAction' 'TLabelEdit"Action"'
[15]
[16]
      :case'onFontChange'
                                           a événement personnalisé
          D-"La police de l'objet ", Owself, " a changé et est deve
[17]
      nue ",⊡warg
      :case'onDelete'
                                           A destructeur
[18]
          (A, 'Lab')Owi'*Delete'
[19]
[20]
      :case'Action'
[21]
          :select+Dwarg
[22]
          :case'class'
              Dwres+'TLabelEdit'
[23]
[24]
          :case'methods'
[25]
              Dwres+(Dwi'*methods')
          :case'properties'
[26]
[27]
              Owres+(Owl'*properties')
[28]
          : case' caption'
                                           A propriété caption
              :if 1=POwarg
[29]
                  Owres-(A, 'Lab') Owi' caption'
[30]
[31]
              :else
[32]
                   L+A, 'Lab'
[33]
                  L Dwi'caption' (2>Dwarg)
                  A Dwi'where'((3+L Dwi'*where'),4PA Owl'*where')
[34]
[35]
              :end
[36]
          :case'font'
[37]
              :if 1=POwarg
                  Owres+(A, 'Lab')Owi' *font'
[38]
[39]
               :else
[40]
                   C+1+0warg
                   L+A, 'Lab'
[41]
                  L Dwi'afont'C
[42]
                  A Dwl'*font'C
[43]
[44]
                  A Owi'where'((3:L Owi'*where'),4>A Owi'*where')
[45]
                  A Owi'*Event' "TLabelEdit'onFontChange'" ''(1+D
      warg)
[46]
               : end
          :case'where'
                                           A propriété where
[47]
              L+A, 'Lab'
[48]
                                           A nom du Label
              D+C+∈1+Bwarg
                                           A argument de where
[49]
                                           A contrôle argument
[50]
                   Owres+'La propriété where doit contenir 4 éléme
[51]
      nts
                   :return
                                           A sortie si erreur
[52]
[53]
               : end
```

```
(E F)+□wi'LabelSize'L
                                        a dimensions du label
[54]
                                        a position vert. du Edit
[55]
             D[1]+C[1]-3
             D[2]+C[2]+F+5
                                        a position horz, du Edit
[56]
                                        A ajuste hauteur du Edit
[57]
             D[3]+E+7
                                        a longueur du Edit
[58]
             D[4]+C[4]
             C[3 4]+E F
                                       a dimensions du Label
[59]
             L Dwi'*where'C
                                       a positionna la Label
[60]
             A Dwi'*where'D
                                        a positionne le Edit
[61]
        :case'Destroy'
                                        A méthode Destroy
[62]
             (A,'Lab')Dwi'*Delete'
                                       a destruction du Label
[63]
                                        A destruction du Edit
1641
             A Dwi'*Deleta'
                                        a méthode LabelSiza
        :case'LabelSize'
[65]
                                        A nom du Label
             L+A, 'Lab'
[66]
                                       A texte du Label
             C+L Dw1'caption'
[67]
                                       A nom de la fenêtre
             D+("1+L1",")+L
[68]
                                       a échelle de la fenêtre
[69]
             E+D Dwi'scale'
             D Dwi'scale'5
                                       a force échaile "pixals"
[70]
             :if OcpF+L Dwi'font'
                                        a si police non définie
[71]
                 F-'MS Sans Serif'8 0 a police par défaut
[72]
[73]
                                        a fin
             □wrese∈D Owi'Draw'((c'Font'),F)((c'?Text'),C)
[74]
             D Owi'scale'E
                                        a rétablit échelle fenê.
[75]
[76]
         :else
[77]
             Owres+Ovi'*'
[78]
          : end
[19]
    :else
         Derror'Unkown TLabelEdit command: ',B
[80]
[81] :end
```

Développement d'objets non visuels

Il est parfaitement possible de créer des objets non visuels en APL+Win 3 5

Par exemple un objet "Base de Données Relationnelle" ou un objet "Chronomètre" par exemple

Sans entrer dans les détails, sachez qu'il suffit de s'appuyer sur un objet visuel tout en laissant cet objet visuel caché.

L'objet visuel qui demande le moins de ressources système lors de sa création est un objet Menu popup.

La création d'un tel objet est très simple:

```
'mnu'Dwi'New' 'Menu'
```

doù le modèle général d'objet non visuel en APL+Win 3.5:

```
▼ A TNonVisualClass B; C; Gio; Gwself

[1]
     AV A TNonVisualClass B -- TNonVisualClass Template Object
[2]
      RV A ↔ object name
      AV B -- 'property'
[3]
         or 'property' value
      AT
.41
[5]
     AΨ
          or 'Method'
     89
         or 'Method' argument1 ... argumentN
[6]
171
[8]
     010-1
                                              a environnement
[9]
     :if 2*Onc'A' * A+Gwself * :end
                                              a objet par défaut
[10]
     :select B
[11]
     :case New'
                                              a constructeur
          Dwself+A Owi'*Create' 'Menu'
[12]
                                              A création objet non visuel
[13]
             Uwi'*onAction' 'TNonVisualClass"Action"' a onAction handler
[14] :case'Action'
[15]
         :select!Dward
[16]
         :case class
[17]
              Owres-'TNonVisualClass'
[18]
          :case'methods
[19]
              Dwras+(Gwi'*methods')
[20]
          :case'properties'
              Owres+(Owl'*properties'), 'attach' 'wherelc'
[21]
[22]
          :else
[23]
              Dwres+Dwi'*'
[24]
         :end
[25]
      :else
         Gerror'Unkown TNonVisualClass command: ',B
[26]
[27]
      :end
```

Héritage

La possibilité de créer ses propres objets devient vraiment passionnante lorsque l'on peut faire intervenir la notion d'héritage.

Je réserve le développement détaillé de cette notion d'héritage à un prochain article. En attendant, les passionnés pourront réfléchir à la façon d'implémenter l'héritage dans les modèles d'objets décrits précédemment.

Le principe de l'héritage est le suivant.

Nous avons défini un objet générique TLabelEdit avec quelques propriétés et méthodes.

Supposons dans une application que nous ayons besoin d'un objet disposant de toutes les fonctionnalités de TLabelEdit, mais qui de plus n'accepte que de la saisie numérique.

Deux solutions s'offrent à nous:

Sont copier la fonction **TLabelEdit** sous le nom **TLabelEditNum** par exemple, puis lui rajouter la fonctionnalité nécessaire

Son crèer un nouvel objet de taille minimum, qui hérite de l'objet **TLabelEdit** et de toutes ses fonctionnalités, mais qui en plus sache rejeter toute saisie non numérique

La première solution est à rejeter définitivement et catégoriquement: c'est celle que nous avons tous employe pendant des années, jusqu'à l'avènement de la programmation Objet.

Pourquoi la rejeter?

C'est très simple: si vous êtes amené à modifier la fonction TLabelEdit, vous devrez répéter les mêmes modifications dans son clone TLabelEditNum. Et si vous avez crée 10 fonctions clones de TLabelEdit, vous devrez repéter les modifications 10 fois. Si vous ne le faites pas, vos différentes versions de TLabelEdit vont commencer à diverger avec tous les problèmes de maintenance que cela entraine:

Quelle est la bonne version?

Comment réunifier toutes les versions de la même fonction?

Etc.

La bonne solution est donc d'utiliser l'héritage.

L'héritage est une fonctionnalité, lorsqu'on la maitrise, qui est absolument extraordinaire, presque magique.

Lorsque vous savez faire hériter un objet d'un autre objet, vous pouvez alors songer, enfin, à construire une hiérarchie complète d'objets, descendant d'un objet générique, par exemple appelé TObject. Vous pouvez aussi construire un arbre d'objets tous les objets héritant automatiquement des fonctionnalités de leurs parents, grand-parents, etc.

Le développement d'un tel ensemble d'objet est certes un très gros travail, mais les bénéfices pour le développeur sont immenses:

gains de temps de développements phenoménaux sécurité des applications considérablement accrue taille du code de l'application sensiblement reduite facilité de développement grandement améliorée

Quelques exemples d'objet

Pour terminer permettez moi de vous présenter quelques exemples d'objets développés en APL+Win 3.5, extraits de ma propre librairie d'objets APL.

Par manque de place, je ne ferais pas ou peu de commentaires sur ces objets, mais vous montrerai simplement feur utilisation.

L'objet TAgent

- 'ag'Dwi'*Create' 'TAgent'
- 'ag' Dwi'Merlin' 'New'
- 'ag' Dwi'Merlin' 'Show'



Merlin est un personnage animé, capable de très nombreux comportements, capable de parler dans plusieurs langues, de comprendre et de réagir à la parole, d'afficher ce qu'il prononce dans des bulles, de jouer de la musique, etc... Voici un extrait de ses comportements

'ag'Dwi'Merlin' 'PlayMethods'

Acknowledge Alert Announce Blink Confused Congratulate Congratulate 2

Decline DoMagic1 DoMagic2 DontRecognize Explain GestureDown Ges

tureLeft GestureRight GestureUp GetAttention* GetAttention*Conti

nued Greet Hearing_1 Hearing_2 Hearing_3 Hearing_4 Hide Idle1 1

Idle1 2 Idle1 3 Idle1_4 Idle2_1 Idle2 2 Idle3 1 Idle1_2 LookDown

* LookDown*Blink LookLeft* LookLeft*Blink LookRight* LookRight*B

link LookUp* LookUp*Blink MoveDown MoveLeft MoveRight MoveUp Ple

ased Process Processing Read* Read*Continued Reading RestPose Sa

d Search Searching Show StartListening StopListening Suggest Sur

prised Think Thinking Uncertain Wave Write* Write*Continued Writ

Essayons quelques uns de ces comportements:

'ag'Dwi'Merlin' 'Play' 'Announce'



'ag'Owi'Merlin' 'Speak' 'I love A.P.L. I want to progr am in A.P L all the time!' Hove APIL I want to program in APL all the time!



Merlin à 3 frères et soeurs. Faisons les apparaitre:

```
'ag'Bwi'Peedy' 'New' + 'ag'Dwi'Peedy' 'Show'
```

'ag'Dwi'Robby' 'New' \ 'ag'Dwi'Robby' 'Show' 'ag'Dwi'Genie' 'New' \ 'ag'Dwi'Genie' 'Show'

'ag'Dwi'Peedy' 'MoveTo' 600 300

'ag'Dwi'Peedy' 'Play' 'Idle3_3'







Pour ma fille de 8 ans, interessée par APL, langage qui permet d'animer de si drôles créatures. j'ai réalisé une petite interface en APL+Win pour lui permettre de s'amuser un peu. La voici-

lload 54 merlin 54 MERLIN SAVED 04/10/1999 22:53:09



La fenêtre montre les 4 personnages en train d'écrire (exécution de la méthode Writing).

Maintenant voyons si ces personnages peuvent aider une petite fille de 8 ans à apprendre APL:

'ag'Dwi'APLTutor'

Je me suis servi de ces personnages dans des applications pour certains de mes clients. Ils sont utilisés pour informer les utilisateurs des nouveautés de l'application au chargement de celle-ci.

L'objet TODBC

Tout aussi sérieux, l'objet TODBC est implanté entièrement en APL+Win et permet de travailler avec toute base de données relationnelle.

Il utilise les API ODBC 3 de Windows. C'est un objet non visuel complexe, de 1722 lignes, mais à lui seul il donne accès à toutes les base de données relationnelles depuis APL+Win 3.5.

'odbc'Dwi'*Create' 'TODBC'

'odbc'Dwi'Open' 'TBM Access Database' 80084012 80084512

'odbc'Dwi'Table				
Qualifier	Owner	Name	Турв	
Remarks				
D:\tbm\Database\TBM		MSysACEs	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSysColumns	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSysIMEXColumns	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSysIMEXSpecs	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSysIndexes	System	
D.\tbm\Database\TBM		MSysMacros	SYSTEM	
D.\tbm\Database\TBM		MSysModules	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSysModu Les2	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSys0bjects	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSysQueries	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSysRelationships	SYSTEM	
D:\tbm\Database\TBM		MSysToolbars	SYSTEM	TABLE
D:\tbm\Database\TBM		agence	TABLE	
D \tbm\Database\TBM		Chapitre	TABLE	
D \tbm\Database\TBM		compteurs	TABLE	
D.\tbm\Database\TBM		creation	TABLE	
D:\thm\Database\TBW		données	TABLE	
D:\tbm\Database\TBM		ELASTIC	TABLE	
D.\tbm\Database\THM		heure contr	TABLE	
D.\tbm\Database\TBM		QDates .	TABLE	
D·\tbm\Database\TBM		QNum	TABLE	
D.\tbm\Database\TBM		société	TABLE	
D:\tbm\Database\TBM		source	TABLE	
D:\t.bm\Database\TBM		Type	TABLE	
D:\tbm\Database\TBM		ag	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		compteur	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		compteurs_Analyse1	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		compteurs_Analyse2	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		compteurs_Analyse4	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		Consultation	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		donnée	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		Donnée cumulée agence	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		Donnée cumulée société	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		extrait	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		Requetel	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		Requéte2	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		Requéte3	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		Requêtel	VIEW	
D:\tbm\Database\TBM		retours clients	VIEW	
D: \tbm\Database\TBM		SelCAextrait	VIEW	

^{&#}x27;odbo'Dwi'methods'

Click Close Create Defer Delete Event Exec Modify New Open Ref Send Set SetLinks Close Columns Database Exec Init Open Query Tables

^{&#}x27;odbc'Bwi'Columns' 'Chapitre'

```
Catalog
                     Scheme Table
                                     Column ODBC Type
 D:\tbm\Database\TBM
                             Chapitre Numero 5
 D:\tbm\Database\TBM
                            Chapitre libelle 12
      Type Name Display Size Buffer Size Digits Radix
      SHORT
                             2
      TEXT
                50
                             50
      Nullable Remarks
               Numéro du chapitre 0
      1
               Libellé du chapitre 1
      'odbc'Dwi'?Exec'
Syntax: 'object' Dwl'Exec' sql
where sql is most any SQL statement (use the Query method for Select s
tatements)
Example:
'odbc'Dwi'Exec' 'insert into chapitre(numero, libelle) values(199,''BRAVO
'odbc'Dwi'Exec' 'delete from chapitre where numero = 199'
'odbc Dwi'Exec' 'Update chapitre set libelle-''Provisions'' where numero
 = 199'
      'odbc Dwi'Exec' 'select * from chapitre'
  1 Ventes
  2 Activité
 3 Credit clients
  4 Marges
  5 Effectifs
  5 Stocks
 7 Exploitation
 B Alliance
 10 Quotidien
 99 Chiffres Clés
      'odbc Dwi'Exec' 'insert into chapitre(numero, libelle) values(199.'
'BRAVO' ' ) '
۵
      'odbc'Dwi'Exec' 'select * from chapitre'
   1 Ventes
  2 Activité
  3 Credit clients
  4 Marges
  5 Effectifs
  6 Stocks
  7 Exploitation
  8 Alliance
  10 Quotidien
  99 Chiffres Clés
 199 BRAVO
       odbc'Dwi'Exec' 'Update chapitre set libelle=''Provisions'' where
numero = 199'
      'odbc'Dwi'Exec' 'select * from chapitre'
   1 Ventes
   2 Activité
   3 Credit clients
   4 Marges
   5 Effectifs
```

```
6 Stocks
   7 Exploitation
   8 Alliance
 10 Quotidien
  99 Chiffres Clés
 199 Provisions
      'odbc'@wl'Exec' 'delete from chapitre where numero = 199'
Ô
      'odbc'@wl'Exec' 'select * from chapitre'
  1 Ventes
  2 Activité
  3 Credit cilents
  4 Marges
  S Effectifs
  6 Stocks
  7 Exploitation
  8 Alliance
 10 Quotidien
 99 Chiffres Clés
      'adbc'flwi'Close'
```

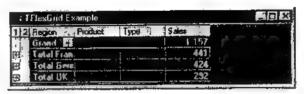
L'objet TflexGrid

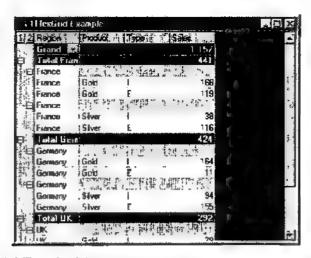
L'objet TFlexGrid fait appel à l'objet ActiveX FlexGrid de VideoSoft.

Il permet d'avoir une grille de saiste hierarchique avec cumuls à plusieurs niveaux et saiste dans les cellules par combo box multi champs

Exemple:

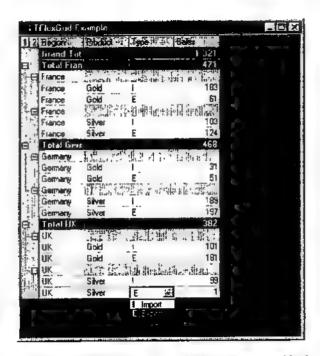
FlexGridExemple





```
▼ FlexGridExemple:data
      RV FlexGridExemple -- Exemple montrant l'objet TFlexGrid
[1]
      R▼ Nécessite l'objet ActiveX VSFLEXS.OCX de Videosoft installé
[2]
[3]
      data+(4/'France' 'Germany' 'UK'),(12P2/'Gold' 'Silver')
[4]
      data+data, (12P'I' 'E'), (1.5)T"?12P200
[5]
      data~'Region' 'Product' 'Type' 'Sales';data
Owself~'fmFG'Owi'*Create' 'TForm'('caption' 'TFlexGrid Example')
161
[7]
      Owself+'fmFG.ss'Owl'aCreate' 'TFlexGrid'
[8]
          Dw1'whereic'0 0 -300 -400
[9]
[10]
          Dwf'attach'1 2 3 4
[21]
          Dwi'allowediting'1
          Dwi'allowsortcols'1
[12]
          Dwi'allowmovecois'1
[13]
          Owi'borderstyle'1
[14]
          Dwi'Rows'1
[15]
          Dwi'Cols'1
[15]
          Dwi'FixedRows'1
[17]
[18]
          Dwi'FixedCols'1
          Dwi'ColWidth'0 300
[19]
          Dwl'Add'(0 1)data
[20]
          Dwi'colcombo'1'France Germany|UK'
[21]
          Dwi'colcombo'2'Gold Silver'
Dwi'colcombo'3'I;Import:E;Export'
[22]
[23]
[24] A Argument de OutlineBar:
[25] a 0=sans boutons 1=complète 2-sans boutons du haut
[26] A 3-sash boutons du haut et sans lignes de connexion
          Dwi'OutlineBar'1
[27]
      a SubTotalPosition: 0=totaux en bas 1=totaux en haut
[28]
[29]
          Owi'SubTotalPosition'1
[30]
          flwi'SubTotal' 'Sum'4("1 1 2)
      'fmFG'Dw1'*size'300 400
[31]
       'fmFG'[[wi'DemoShow'
[32]
     Dwself+'fmFG.ss'
[33]
```

La fonction FlexGridExemple montre l'utilisation de l'objet TFlexGrid ainsi que de certaines de ses propriétés et méthodes.



L'affichage précédent montre la saisse en cours dans le champ Type par utilisation d'une Combo multi-champs.

Some Other Triangles and APL

Joseph De Kerf

Abstract: In this provisionally last paper of the series (1)(2)(3)
(4), we treat "some other" triangles. Properties and interconnections are discussed. APL defined functions for generating those triangles are given. Results of benchmarks on cpu time are reported. It may be worthwhile to note that in general, algorithms based on recursion, are more efficient in cpu time than those based on the closed forms.

0. Introduction

In a series of previous papers we treated the Pascal triangle (1), the De Moivre triangles (2), the Hoggatt triangles (5), and the Horadam triangles (4). In this provisionally last paper of the series, we treat "some other" triangles. Some details about triangles may be found in B.A. Bondarenko (5) and in the more recent book published by J.A. Conway and R.K. Guy (6).

All defined functions shown generate the triangles as a nested vector of vectors containing the N first rows of the triangles, such that the form

Jan F N

transforms the nested vector of vectors generated by F to a simple character matrix containing the N rows of the triangle, adjusted to the left and padded with blanks up to the character length of the last row. The defined function CENTER rotates the rows of this character matrix such that those rows are centered (4).

The function CENTER has been taken over from those published in the book "APL2 in Depth", by N.D. Thomson and R.P. Polivka (7). Defined functions shown conform to the proposed new standard ISO APL-Extend-

PCENTERIDIP VZ+CENTER M:R

- R++/x\! !=OH [11]
- [2] Z+(-L0.5=R)+H

ed, prepared by the ISO APL Working Group ISO-IEC/JTC1/SC22/WG3 (21) Benchmarks have been done on a MicroLine Pentium S-100, with mathematical co-processor, using APL/W Version 7.1.2, under Windows 3.11 (22). Migration Level CML was set to 2, the default value value being C. CFU times have been measured using the system function DMO-NITOR.

Note: In some illustrations, a Generalized Fibonacci sequence, what we call an Horadam sequence, is generated. The defined function HORS is used. The definition of HORS may be found in (4).

1. The Bell Triangle

In 1980. J. Shallit (8) defined what he called the Bell triangle, a triangle B(n,k) with k = 1(1)n, as generated by the recursion algorithm:

B(1.1) = 1

$$B(n,1) = B(n-1,n-1)$$
 (2 < n)

$$B(n,k) = B(n,k-1) + B(n-1,k-1)$$
 (2 < k < n)

The inconveniess of this algorithm is that, for calculating B(n,k). the predecessor B(n,k-1) in it's row must be known. This inconvenience may be removed by transforming the algorith to the form (9):

$$B(1,1) = 1$$

$$B(n,1) = B(n-1,n-1) \quad \underline{k-1} \quad (2 \le n)$$

$$B(n,1) = B(n-1,n-1) + \frac{k-1}{r-1} B(n-1,r)$$
 (2 \le n) (2 \le n)

such that the elements of the nth row B(n,k) may be calculated from the elements of the previous row only.

A defined function BELLTR1 generating the Bell triangle, based on the algorithm in it's transformed form, is for instance:

```
VBELLTRICGIV
    VZ+BELLTRI N
111
     4 (N=1)/0, Z+1/c, 1
      ZABELLIRI N-1
121
131
     Z+7.c(+0+02)+0.+\j+07
      CENTER 34"BELLTRI 8
                  1 2
                 2 3 5
              5 7 10 15
             15 20 27 37 52
         52 67 87 114 151 203
     203 255 322 409 523 674 877
877 10BD 1335 1657 2066 2589 3263 4140
```

The nth row contains a elements. The left side of the triangle, from top to down, is the Bell sequence B_0, B_1, B_2, \ldots and the right side of the triangle, from top to down, is the Bell sequence B_1, B_2, B_3, \ldots . Rows are not symmetric, the nth row being a strict ascending sequence with as first element B_{n-1} and as last element B_n . This means that the maximum of the domain of the right argument of BELL-TR1 is N=218, as $B_{218}=6.101309834R306$ and B_{219} exceeds the largest number representable 1.797693135E308.

```
+"BELLTR1 10+1
1 1 2 5 15 52 203 B77 4140 21147 115975
1.+"+"+BELLTR1 10
1 1 2 5 15 52 203 877 4140 21147 115975
```

Shallit reported several properties of the elements of the triangle, for instance that the sum of the elements of the nth row is the difference $B_{n+1}=B_n$:

```
+/"BELLTR1 10
1 3 10 37 151 674 3263 17007 94828 562595
(2++"BELLTR1 12)-1++"BELLTR1 11
1 3 10 37 151 674 3263 17007 94828 562595
(1++"0"BELLTR1 11)-+""BELLTR1 10
1 3 10 37 151 674 3263 17007 94828 562595
```

BELLITRI uses implicit recursion. A defined function BELLITR2, based

on the same algorithm, but using a programmed recursion loop, may be

♥BELLTR2[D]♥ ♥Z+BELLTR2 N

- [1] +(N=1)/0,Z+1FC,1
- [2] END:Z+Z,c(+++2)+0,+\3+0Z
- [3] +(N>rZ)/END

Benchmarks on cpu time have been done for N = 40(40)200. Results are shown below (in ms):

N	40	80	120	160	200
BRLL/TRI N	26	64	119	195	287
BRLLTR2 N	17	46	91	157	240

As N increases, BELLTR2 is from 55% to 20% more efficient in oputime than BELLTR1, rather considerable, even for higher values of N.

The question raises, if generating the Bell sequence B_Q, B_1, B_2, \ldots from BELLTR1 or BELLTR2 as shown above, may compete with explicit algorithms. The process may be considerably accelerated by incorporating the deduction of the Bell numbers from the rows of the Bell triangle in the defined functions themselves, such as is done in the defined functions BELLA and BELLB, respectively using implicit recursion and a programmed recursion loop (cfr next page).

Benchmarks on cpu time have been done for N = 40(40)200. Results are shown below (in ma):

H	40	80	120	160	200
BELLA N	18	39	62	89	118
BELLE N	13	28	46	67	91

As N increases, BRLLB is from 38% to 30% more effincient in cpu time than BELLA, still rather considerable, even for higher values of N.

VBELLA[D]V V7+RFIIA N

- [1] +(NSI)/0,Z+(1+NEI)/R+1
- 123 Z+BELLA N-1
- [3] Z+Z, "1+R+("1+R)+0,+\R

BELLA 10

1 1 2 5 15 52 203 877 4140 21147 115975

ABELTB[U]A

*Z+BELLB N;R

- [1] →(NS1)/0,Z+(1+N[1)+R+1
- [2] END:Z+Z, -14R+(-14R)+0,+\R
- [3] +(N54Z)\END

W.

BELLB 10

1 1 2 5 15 52 203 877 4140 21147 115975

Most important however, as shown in (9), the algorithm is much more efficient in cpu time than all other algorithms investigated in that paper. Apparently this is mainly due to the fact the algorithm only uses addition. It is doubtful if a considerable more efficient algorithm may be found.

Note: In 1934, E.T. Bell (10) introduced what he called the exponential numbers B_0, B_1, B_2, \ldots as those defined by the Maclaurin expansion of the generating function (e*e*x)+e:

$$e^{e^{x}} = e^{\sum_{n=0}^{\infty} B_{n} \frac{x^{n}}{!n}}$$

$$= e^{(B_{0} + B_{1} \frac{x}{!1} + B_{2} \frac{x^{2}}{!2} + B_{3} \frac{x^{3}}{!3} + \dots)}$$

There is a strong relation between those Bell numbers and the Stirling set numbers or Stirling numbers of the second kind $S_2(n,k)$. He showed that:

$$B_{n} = \sum_{k=1}^{n} S_{2}(n,k)$$
with $S_{2}(n,k) = \frac{1}{!(k-1)} \left[\sum_{r=0}^{k-1} (-1)^{r} {k-1 \choose r} (k-r)^{n-1} \right]$

A defined function BELLS, based on this algorithm, returning as explicit result the Bell number B_n , is for instance:

The maximum of the domain of the right argument N is N - 137, with $B_{137} = 1.365939847E172$, as for N = 138 the alternating sum, before being divided by !K-1, exceeds the largest number representable 1.797693135E308. Benchmarks on cpu time have been done for N = 40 (40)120. Results are shown below (in ms):

n	40	80	120
rells	34	127	311
BELLS"O, UN	551	3536	11967

As N increases, the form BELLS"O, UN is from 42 to 260 times slower than the form BELLB N. The algorithm is only from theoretical importance, but is unsuited for generating the Bell numbers.

2. The Stirling Triangle of the First Kind

The Stirling cycle numbers or Stirling numbers of the first kind $S_1(n,k)$ are the number of permutations of n objects that have just k cycles (k=1,..n). The Stirling set numbers or Stirling numbers of the second kind $S_2(n,k)$ are the number of groupings of n distinct objects into exactly k groups (k=1,..n). A lot of details

about Stirling numbers may be found in (11). Tables of Stirling numbers have been published in (12). Stirling triangles of the first and second kind are defined as those triangles whose nth row is the Stirling sequence $S_1(n,k)$ or $S_2(n,k)$ respectively.

The Stirling numbers of the first kind $S_1(n,k)$ may be calculated using the recursion algorithm:

$$S_1(1,1) = 1$$

 $S_1(n,k) = S_1(n-1),k-1 + (n-1)S_1(n-1,k)$

A defined function STEXTR! generating the Stirling triangle of the first kind, based on this algorithm, is for instance:

```
VSTFKTR1[0]
     VZ+STFKTR1 N
[1]
      4(N<1)/0.24(N(L)/Cit
[2]
      Z+STFKTR1 N-1
[3]
      Z+Z, C(0, +02)+((r+02)x+07).0
      CENTER DEPSTEKTRE &
                 1 1
                2 3 1
             6 11 6 1
           24 50 35 10 L
        120 274 225 B5 L5 1
    720 1764 1624 735 175 21 1
5040 13068 13132 6769 1960 322 28 1
```

The nth row contains n elements. Rows are not symmetric. The first element of the nth row is !(n-1). The sum of the elements of the nth row is !n. For n>1, the alternating sum of the elements of the rows is 0. The maximum of the domain of the right argument of STFKTR1 is N=170, as $S_1(170.5)=1.4210862668306$ and $S_1(171.5)$ exceeds the largest number representable 1.797693135E308.

```
1 1 2 6 24 120 720 5040 40320 362880

1 1 2 6 24 120 720 5040 40320 362880

1 1 2 6 24 120 720 5040 40320 362880
```

STFKTR1 uses implicit recursion. A defined function STFKTR2, based on the same algorithm, but using a programmed recursion loop, may be

Benchmarks on cpu time have been done for H=40(40)160. Results are shown below (in ms):

M	40	80	120	160
STFETRI H	27	66	126	211
STPETR2 N	17	48	100	175

As N increases, STFETR2 is from 59% to 21% more efficient in cpu time than STFETR1, rather considerable, even for higher values of N.

Note: In some publications, the Stirling numbers of the first kind are defined by the recursion algorithm:

$$S_1(1,1) = 1$$

 $S_1(n,k) = S_1(n-1,k-1) - (n-1)S_1(n-1,k)$

The effect of this is, that the numbers as defined in the text, are multiplied by a factor $(-1)^{n-k}$. In other words, if n is odd and k is even or if n is even and k is odd, the numbers are given a negative sign.

The corresponding triangle becomes:

```
1

-1 1

2 -3 1

-6 11 -6 1

24 -50 35 *10 t

-120 274 -225 85 -15 1

720 -1764 1624 -735 175 -21 1

-5040 13068 -13132 6769 -1960 322 -28 1
```

such that for n >1, the sum of the elements of the rows, instead of their alternating sum, is 0. On the other hand, the algorithm is in contradiction with the physical definition of the Stirling numbers of the first kind.

3. The Stirling Triangle of the Second Kind

The Stirling numbers of the second kind $S_2(n,k)$ may be calculated from the recursion algorithm:

```
S_2(1,1) = 1

S_2(n,k) = S_2(n-1,k-1) + kS_2(n-1,k)
```

A defined function STSETR; generating the Stirling triangle of the second kind, based on this algorithm, is for instance:

```
PSTSKTR1101
     ♥Z+STSKTR1 N
[1]
    +(N(1)/0,ZE(N(1)PC(1
[2]
     Z+STSKTR1 N-1
[3]
     Z+Z,c(0,+0Z)+((\f+0Z)x+0Z),D
      CENTER 2#"STSKTR1 8
             1
            1 1
           1 3 1
          1761
        1 15 25 10 1
      1 31 90 65 15 1
   1 63 301 350 140 21 1
1 127 956 1701 1050 266 2R 1
```

The nth row contains n elements. Rows are not symmetric. As already

mentioned in the first section of this paper, the sum of the elements of the nth row is the Bell number B_n . The maximum of the domain of the right argument of STSKTR1 is N = 219, as $S_2(219,54) = 4.190119214E307$ and $S_2(220,54)$ exceeds the largest number representable 1.797693135E308.

STSKTRi uses implicit recursion. A defined function STSKTR2, based on the same algorithm, but using a programmed recursion loop, may be

- [1] +(NS1)/0,Z+(NE1)/CL1
- [2] END: Z+Z, c(0, +0Z)+((x**+0Z)**+0Z), 0
- [3] +(N>/Z)/END

Benchmarks on cpu time have been done for N = 40(40)200. Resulats are shown below (in ms):

И	40	80	120	160	200
STSETR1 N	27	70	136	227	381
STEKTR2 H	18	50	105	186	320

As N increases, STSKTR2 is from 50% to 19% more efficient in cpu time than STSKTR1, rather considerable, even for higher values of N.

Note: The Stirling numbers of the first kind $S_1(n,k)$ and the Stirling numbers of the second kind $S_2(n,k)$ may be calculated from the closed forms:

$$S_1(n,k) = \sum_{r=1}^{n-k} (-1)^{n-k+r} {n-1+r \choose n-k+r} {2n-k \choose n-k-r} S_2(n-k+r,r)$$

$$S_2(n,k) = \frac{1}{!(k-1)} \left[\sum_{r=0}^{k-1} (-1)^r {k-1 \choose r} (k-r)^{n-1} \right]$$

As n increases, accuracy is degenerating. In section one of this paper, it was shown that a defined function based on the second form is very slow. A fortiori for the first form. The algorithms are only from theoretical importance, but are unsuited for the generation of the Stirling sequences and the Stirling triangles.

4. The Eulerian Triangle

The Eulerian numbers B(n,k) are the number of permutations of ln which have exactly k ascending runs (k=1,..n). They should be distinguished from the so-called Euler numbers B_n , which occur as coefficients in the power series expansions of the secant and hyperbolic secant functions. A lot of details about Eulerian numbers may be found in (11). We define in this paper the Eulerian triangle as the triangle whose nth row is the Eulerian sequence B(n,k).

The Eulerian sequence $\mathbb{E}(n,k)$ may be calculated from the recursion algorithm:

$$E(1,1) = 1$$

 $E(n,k) = (n-k+1)E(n-1,k-1) + kE(n-1,k)$

A defined function EULRTR1 generating the Eulerian triangle, based on this algorithm, is for instance:

```
#EULRTR1[0]#

#Z+EULRTR1 N

{1} +(N$1)/0,Z+(N\1)/cil

{2} Z+EULRTR1 N-1

[3] Z+Z,c((0\1+/+0Z)*0,+0Z)+((\1/+0Z)*+0Z),0
```

The nth row contains n elements. Rows are symmetric. The sum of the elements of the nth row is !n. The maximum of the domain of the right argument of BULRTR1 is N=171, as E(171,86)=1.306578448E308 and E(172,86)=E(172,87) exceeds the largest number representable 1.797693135E308.

5#10

9765625

```
CENTER DEFEULRTR1 8

i 1 1

1 4 1

1 11 11 11

1 26 66 26 1

1 57 302 302 57 1

1 120 1191 2416 1191 120 1

1 247 4293 15619 15619 4293 247 1

-/*EULRTR1 10

1 2 6 24 120 720 5040 40320 362880 3628800

?:10

1 2 6 24 120 720 5040 40320 362880 3628800

The may be shown that (ii): \sum_{k=1}^{n} {m+k-1 \choose n} B(n,k) = m^n

such that for instance, if m = 5 and n = 10, the sum is 5^{10}:

+/(101*1+5+:10)*f*EULRTR1 10

9765625
```

EULRTR1 uses implicit recursion. A defined function EULRTR2, based on the same algorithm, but using a programmed recursion loop, may be

Benchmarks on cpu time have been done for N = 40(40)160. Results are shown on next page (in ms).

As N increases, EULRTR1 is from 43% to 17% more efficient in cpu time than EULRTR1, rather considerable, even for higher values of N.

N	40	во	120	160
EULRTR1 N	33	83	161	260
EULRTR2 N	23	64	132	223

Note: The Eulerian numbers E(n,k) may be calculated from the closed form (k = 1...n):

$$E(n,k) = \sum_{r=0}^{k} (-1)^{r} \binom{n+1}{r} (k-r)^{n}$$

As n increases, accuracy is degenerating. This degeneration may be reduced to some extent, by only calculating B(n,k) for $k \le \lceil n+2 \rceil$, and catenating the result with the reverse of this result for $k \le \lceil n+2 \rceil$. In addition, apart of some overhead, the efficiency in oputime is improved with a factor of about 2.

A defined function EULRS, based on this algorithm, returning as explicit result the sequence E(n,k) for k=1(1)n, may be:

```
VEULRSIOIV
VZ+EULRS N:K;R
```

- [1] +(N\(\))/0,Z+K+1
- [2] END:R+0.1K+K+1
- [3] Z+Z,-/LQ.5+(R!N+1)*(K-R)*#
- [4] +(K<(N-2)/END
- [5] Z+Z,0([N+2)+Z

EULRS 10

- 1 1013 47840 455192 1310354 1310354 455192 47840 1013 1

The maximum of the domain of the right argument is N=158, giving E(158,79)=E(158,80)=3.988818328291, as for N=159 some of the terms of the alternating sum exceed in absolute value the largest number representable 1.7976931358308.

Benchmarks on cpu time have been done for N = 40(40)120. Results are shown on next page (in ms).

N	40	80	120
EULRS N	17	62	159
KULRS"UN	282	1786	6095

As N increases, the form EULRS"IN is from 12 to 46 times slower than the form EULRTR2 N. The algorithm is only from theoretical importance, but unsuited for the generation of the Eulerian sequences and the Eulerian triangle.

5. The Wong and Maddockx Triangle

In 1975, C.K. Wong and T.W. Maddockx studied the numbers M(n,k) satisfying the recursion relation (15):

$$M(1,1) = M(2,1) = M(2,2) = 1$$

 $M(n,k) = M(n-2,k-1) + M(n-1,k-1) + M(n-1,k)$

We call in this paper the Wong and Maddockx triangle, the triangle whose nth row is the Wong and Maddockx sequence M(n,k) with k=1...n. A defined function WOMATR1, generating the Wong and Maddockx triangle, based on the recursion algorithm shown, is for instance:

```
VWOKATR1[D3V
     VZ+WOMATR1 N
      +(N<1)/0, Z+(NL1) PC11
[1]
[2]
      +(N=2)/0,Z+2,c2f1
131
      Z-WOHATRI N-1
[4]
      Z+Z,c(1,(+"2+2)+("1+++2)+1+++02).1
      CENTER DE"WOMATRS B
          1 1
          1 3 1
        1 5 5 1
      1 7 13 7 1
     1 9 25 25 9 1
  1 11 41 63 41 11 1
1 13 61 129 129 61 13 1
```

The nth row contains n elements. Rows are symmetric. The sum of the

elements of the nth row is the Pell number P_n (4). The maximum of the domain of the right argument is N - 810, as M(810,405) = M(810,406) = 1.316673461E308, and M(811,406) exceeds the largest number representable 1.797693135E308.

```
+/*WOHATR1 10
1 2 5 12 29 70 169 408 985 2378
P+1 2 1 2
P HORS 10
1 2 5 12 29 70 169 408 985 2378
```

Wong and Maddockx also showed that the sums of the elements on the ascending diagonals of the triangle form the Tribonacci sequence: 1,1,2,4,...

```
10f+/(1-110)@toWDMATR1 10).[139 10F0 I 1 2 4 7 13 24 44 81 [49
```

WOMATRI uses implicit recursion. A defined function WOMATR2, based on the same algorithm, but using a programmed recursion loop, may be

```
▼WOMATR2EDJ♥

▼Z+WOMATR2 N

[1] +(N≤1)/0, Z+(N±1) f c 1

[2] +(N=2)/0, Z+Z, c2f1

[3] END: Z+Z, c(1, (+-2+Z)+(-1++0Z)+1++0Z), 1

[4] +(N>fZ)/END
```

Benchmarks on cpu time have been done for N = 100(100)500. Results are shown below (in ms):

N	100	200	300	400	. 500
WOMATR1 N	113	320	632	1060	1675
WOMATR2 N	70	233	503	879	1447

The algorithm looks relatively slow, but for N = 200, the cpu times are of the same order as those for the other triangles treated in

this paper. As N increases, WOMATR2 is from 61% to 16% more efficient in cpu time than WOMATR1, rather considerable, even for higher values of N.

Note: Tribonacci sequences T₁,T₂,T₃,... may be defined by the recursion algorithm:

```
T_1 = p
T_2 = q
T_3 = r
T_n = aT_{n-3} + bT_{n-2} + cT_{n-1} (n>3)
```

the sequence generated by the sums of the elements on the ascending diagonals of the Wong and Maddockx triangle being the Tribonacci sequence p=1 q=1 r=2 s=1 b=1 c=1.

Defined functions TRIB1 and TRIB2 generating the Tribonacci sequence, based on this algorithm, and using implicit recursion or a programmed recursion loop respectively, are for instance:

the left argument P being the vector p,q,r,a,b,c and the right argument N specifying the number of elements of the sequence requested.

```
P+1 1 2 1 1 1
P TRIB1 10
1 1 2 4 7 13 24 44 81 149
P TRIB2 10
1 1 2 4 7 13 24 44 81 149
```

The Tribonacci numbers Tn may also be calculated explicitly from the

auxiliary equation $t^3-ct^2-bt-a-0$. The question raises whether, just like for the Horadam sequences, calculating the Tribonacci sequence directly from the auxiliary equation is much more efficient in cpu time than generating the sequence from the recursion algorithm (14). A paper on Tribonacci sequences and a paper on Tribonacci triangles will be submitted for publication in the near future.

6. The Shapiro Triangle

In 1976, L.W. Shapiro constructed the triangle whose elements of the nth row are the sequence S(n,k) with k=1...n, sequence defined by the recursion algorithm (15):

```
S(1,1) = 1

S(n,k) = S(n-1,k-1) + 2S(n-1,k) + S(n-1,k+1)
```

A defined function SHAPTR1, generating the Shapiro triangle, based on this recursion algorithm, is for instance:

The nth row contains n elements. Rows are not symmetric. The first element of the nth row is the Catalan number \mathbf{C}_n , such that the left side of the triangle, from top to down, is the Catalan sequence $\mathbf{C}_1,\mathbf{C}_2,\mathbf{C}_3,\ldots$. The sum of the elements of the nth row is

 $\frac{1}{2}$ (n+1)C_n. The maximum of the domain of the right argument N is 517, as S(517,16) = 8.61680321E307, and S(218,16) exceeds the largest number representable 1.797693135E308.

Shapiro showed that the numbers S(n,k) may be expressed as a sum of products of Catalan numbers:

 $S(n,k) = \sum_{i=1}^{n} C_{i_1} C_{i_2} C_{i_3} ... C_{i_k}$ where the summation is over all values for which $i_1 + i_2 + i_3 + ... + i_k = n$. This is why Shapiro called his construction a Catalan triangle.

SHAPTRI uses implicit recursion. A defined function SHAPTR2, based on the same algorithm, but using a programmed recursion loop, may be

Benchmarks on cpu time have been done for N = 100(100)500. Results are shown below (in ma):

N	100	500	300	400	500
SHAPTR1 N	111	352	731	1253	2003
SHAPTR2 N	87	303	658	1158	1876

The algorithm looks relatively slow, but for N=200, the cpu times are of the same order as those for the other triangles treated in this paper. SHAPTR2 is 28% and 16% more efficient in cpu time than

SHAPTR1 for N=100 and N=200 respectively, rather considerable for that domain of N.

Note: The Catalan number C_n is the number of trees with n nodes. It may be shown that (1):

$$C_n = \frac{1}{n+1} \begin{pmatrix} 2n \\ n \end{pmatrix}$$

A defined function CATAS, based on this form, generating a vector containing the Catalan sequence C_1, C_2, C_3, \ldots , the right argument N specifying the number of elements of the sequence requested, is for instance:

PCATAS(□) P PZ+CATAS N

[1] Z+(N!2xN)=1+N+1N

CATAS 10

1 2 5 14 42 132 429 1430 4862 16796

0.5x(1+t10)xCATAS 10

1 3 10 35 126 462 1716 6435 24310 92378

Benchmarks on cpu time have been done for N = 100(100)500. Results are shown below (in ms):

N	100	200	300	400	500
CATAS N	4.5	13.1	27.9	46.6	71.4

CPU times are very low. It is doubtful if a considerable more efficient algorithm may be found.

7. The Agarwal Triangle

In 1990, A.K. Agarwal introduced a new class of numbers A(n,k), defined by (16):

$$A(n,k) = (-1)^{n-k} {2n-1 \choose n-k} L_{2k-1} \qquad (1 \le k \le n)$$

 L_{2k-1} being the Lucas number of order 2k-1 (4). We call in this pa-

per the Agarwal triangle, the triangle whose nth row is the Agarwal sequence A(n,k) with k=1...n.

Lucas numbers L_n are the Horadam numbers H_n , with parameters p=1 q=3 r=1 s=1. In (14), it is shown that, calculating the Horadam numbers explicitly from the auxiliary equation, this means by the Binet form, is much more efficient in cpu time than calculating those numbers from the recursion algorithm. For the Fibonacci numbers F_n and the Lucas numbers L_n , this Binet form is respectively (17):

$$\begin{aligned} \mathbf{F}_{\mathbf{n}} &= \frac{1}{\sqrt{5}} \left(\frac{1+\sqrt{5}}{2} \right)^{\mathbf{n}} - \frac{1}{\sqrt{5}} \left(\frac{1-\sqrt{5}}{2} \right)^{\mathbf{n}} \\ &= 1 \quad 1 \quad 2 \quad 3 \quad 5 \quad 8 \quad 13 \quad 21 \quad 34 \quad 55 \quad \dots \\ \mathbf{L}_{\mathbf{n}} &= \left(\frac{1+\sqrt{5}}{2} \right)^{\mathbf{n}} + \left(\frac{1-\sqrt{5}}{2} \right)^{\mathbf{n}} \\ &= 1 \quad 3 \quad 4 \quad 7 \quad 11 \quad 18 \quad 29 \quad 47 \quad 76 \quad 123 \quad \dots \end{aligned}$$

It has been shown that (18), for the calculation of the Fibonacci numbers \mathbf{F}_n , as the second term converges to 0, it suffices to calculate the first term and rounding off the result to an integer. Apart of some overhead, the calculation is speeded up by a factor of about 2. For n > 1, the same process may be applied when calculating the Lucas numbers \mathbf{L}_n :

ht	$\left(\frac{1+\sqrt{5}}{2}\right)^n$	rounded
1	1.61803	_
2	2.61803	3
3	4.23607	4
4	6.85410	7
2 3 4 5	11.09017	11
6	17.94427	18
7	29.03444	29
8	46.97871	47
9	76.01316	76
10	122.99187	123
• •		

A defined function AGARTRI, generating the Agarwal triangle, based

VACARTRI [[]] V

on the definition given above, and incorporating the shortcut specified, is for example:

```
VZ+AGARTR1 N:K:L:H
(13
      +(N<1)/0,Z+(NL1)/cil
[2]
      L+1. L0.5+(0.5x1+5*0.5)*1+2xtN-1
131
      Z+AGARTR1 N-1
141
      Keinelerenz
[51
      Z+Z+C("[#H~K)x(N+L)x(H-K)!"1+2xH
      CENTER DAMAGARTRI B
                       73 4
                   10 "20 11
                 "35 84 777 29
               126 -336 396 -261 76
         T462 1320 T1815 1595 T836 199
```

1716 "5148 7865 "6294 5928 "2587 521 "6435 20020 "33033 39585 "34580 20895 "7815 1364

The nth row contains n elements. Rows are not symmetric. If n-k is even, A(n,k) is positive. If n-k is odd, A(n,k) is negative. The sum of the elements of the rows is 1. The maximum of the domain of the right argument is N=443, as A(443,199)=5.9002047228307, and the absolute value of A(444,199) exceeds the largest number representable 1.7976931358308.

```
+/"AGARTR1 10
1 1 1 1 1 1 1 1 1 1
```

The absolute value of the first element of the nth row of the triangle is $\frac{1}{2}$ (n+1) C_n , and as such is the sum of the elements of the nth row of the Shapiro triangle.

```
| 1+"ACARTRI 10

1 3 10 35 126 462 1716 6435 24310 92378

0.5x(1+:10)xCATAS 10

1 3 10 35 126 462 1716 6435 24310 92378

+/"SHAPTR2 10

1 3 10 35 126 462 1716 6435 24310 92378
```

The last or nth element of the nth row of the triangle A(n,n) is the Lucas number L_{2n-1} .

AGARTRI uses implicit recursion. A defined function AGARTR2, based on the same algorithm, but using a programmed recursion loop, may be

Benchmarks on cpu time have been done for N = 100(100)400. Results are shown below (in ms):

N	100	200	300	400
AGARTRI N	509	2967	9056	20505
AGARTR2 N	417	2713	8560	19686

The algorithm is very slow: for N = 400 the cpu time is about 20 seconds. Agarwal however showed that for k < n, the element A(n,k) may be calculated from the element A(n-1,k) through the recursion algorithm:

$$A(1,1) = 1$$

 $A(n,k) = -\frac{2(n-1)(2n-1)}{(n-k)(n+k-1)} A(n-1,k)$ $(1 \le k \le n-1)$

the element A(n,n) being, as already mentioned, the Lucas number \mathbb{L}_{2n-1} . Defined functions AGARTRA and AGARTRB, based on this recursion algorithm, using implicit recursion and a programmed recursion loop respectively, are for instance:

VAGARTRA[[]]V VZ+AGARTRA N;K;N;R

- [1] +(N≤1)/0,Z+(N[1)/Cil
- [2] Z+AGARTRA N-1
- [3] K++H+P++Z
- [4] R+-2xHx(1+2xH)x(++Z)+(1+H-K)xH+K
- [5] Z+Z, CR, L0.5+(0.5×1+5×0.5)*1+2×H

PAGARTRB[[]]V

VZ+AGARTRB N;K;N:R

- [1] →(N≤1)/0,Z+(N[1)fct1
- [2] END:K+zN+F+#Z
- [3] R+-2×6×(1+2×6)×(++Z}+(1+8-K)×6+K
- [4] Z+Z, cR, [0.5+(0.5:1+5*0.5)*1+2xH
- (5) +(N>/Z)/END

Benchmarks on cpu time have been done for N = 100(100)400. Results are shown below (in ms):

N	100	200	300	400
AGARTRA N	134	380	747	1230
AGARTRB N	109	331	671	1129

As N increases, AGARTRA and AGARTRB are from 4 to 17 times more efficient in cpu time than AGARTR1 and AGARTR2. The cpu times for N \approx 200 are of the same order as those for the other triangles treated in this paper. AGARTRB is 23% and 15% more efficient in cpu time than AGARTRA for N = 100 and N = 200 respectively, rather considerable for that domain of N.

Note: Agarwal gives the numbers A(n,k) the sign of $(-1)^{n-k}$, such that the sum of the numbers A(n,k) for k=1(1)n should be 1. The numbers may be made positive, either by taking the absolute value of the explicit result of AGARTRA or AGARTRB, or by removing the minus sign from the evaluation of the local variable R in their definition.

It should be noticed that this has for effect, that it is the alter-

nating sum of the elements of the reverse of the rows of this triangle that is 1:

CENTER 3#"1"ACARTRB 8

1
3 4
10 20 11
35 84 77 29
176 336 396 261 76
462 1320 1815 1595 836 199
1716 5148 7865 8294 5928 2587 521
6435 20020 33033 39585 34580 20895 7815 1364

-/"+"|"AGARTRB 10

At the end of his paper (18), Agarwal poses the question if the numbers A(n,k) have a "nice" combinatorial meaning. As far as we know, such a combinatorial meaning has not yet been found.

8. The DFF Triangle

In 1991, G. Ferri, M. Faccio, and A.D. D'Amico published a paper introducing a triangle whose elements of the nth row are the sequence D(n,k) with k=1...n, sequence defined by the recursion algorithm (20):

$$D(n,1) = 1 D(n,n) = 1 D(n,k) = D(n-1,k) + \sum_{r=k-1}^{n-1} D(r,k-1)$$
 (2 < k < n-1)

The authors call this concept a DFF triangle, the acronym DFF being derived from the initials of their names. A defined function DFFSTR: based on the recursion algorithm shown, is for instance:

VDFFSTR1[D]V VZ+DFFSTR1 N (11 +(N\(1)/0,Z+(N\(1))fc\(1) (21 I+DFFSTR1 N-1 (33 Z+Z,c1,(+f)Z)+(1\(10),0

```
CENTER JE*DFFSTR1 8

1
1 1
1 3 1
1 6 5 1
1 10 15 7 1
1 15 35 28 9 1
1 21 70 84 45 11 1
1 28 126 210 165 66 13 1
```

+/*DFFSTR1 10

The nth row contains n elements. Rows are not symmetric. The sum of the elements of the nth row is the Fibonacci number F_{2n-1} . For n>1, the sum of the elements on the acending diagonals of the triangle is 2^{n-2} . The maximum of the domain of the right argument is N=742, as D(742,332)=1.31376298308 and D(743,332) exceeds the largest number representable 1.7976931358308.

```
1 2 5 13 34 89 233 610 1597 4181
P+1 1 1 1
(1971 0)/P HORS 19
1 2 5 13 34 89 233 610 1597 4181

104+/(1-110)@(70FFSTR1 10).(119 1070
1 1 2 4 8 16 32 64 128 256
1.2**1+19
1 1 2 4 8 16 32 64 128 256
```

DFFSTR1 uses implicit recursion. A defined function DFFSTR2, based on the same algorithm, but using a programmed recursion loop, may be

```
▼DFFSTR2[0]♥
▼Z+DFFSTR2 N
[1] +(N≤1)/0,Z+(N[1)/c∈1
[2] END:Z+2,c1,(++/¬Z)+(++0Z),0
[3] +(N>/2)/END
```

Benchmarks on cpu time have been done for N = 100(100)300. Results are shown on next page (in ms).

The defined functions are very slow: for N = 300 the cpu time is ab-

M	100	200	300
DFFSTR1 N	525	3335	10771
DFFSTR2 N	502	3268	10741

out 11 seconds. The power of the disclose function has been exploited to calculate the sums of D(r,k-1). It is very simple, but the sums are evaluated each cycle of the loop. Less elegant, but much more efficient in cpu time, is to store those sums each cycle such that in the next cycle only the last term of the sums must be added. Defined functions DFFSTRA and DFFSTRB, based on this procedure, usaing implicit recursion and a programmed recursion loop respectively, are for instance:

```
VDFFSTRAIGIV
      VZ+DFFSTRA N
 [1]
       +{N<1}/0,Z+{N(1)}/C1,5+t0
121
       Z+DFFSTRA N-1
 [3]
       S+(+0Z)+5,0
. [4]
       Z+Z,c1,((1+++Z),0)+S
       VDFFSTRB[0]V
      VZ+DFFSTRB N:S
 [11]
       +(N<1)/0.Z+(N|1)*c1.S+10
 121
       END:S+(+0Z)+5.0
 131
       Z+Z,c1.((1+++Z).0)+S
 E43
       +(N>PZ)/END
```

Benchmarks on cpu time have been done for N = 100(100)500. Results are shown below (in ma):

N	100	200	300	400	500
DFFSTRA N	93	287	588	991	1626
DFFSTRB N	70	241	521	904	1483

As N increases, DFFSTRB is from 7 to 21 times more efficient in cpu time than DFFSTR2. The cpu times for N \approx 200 are of the same order

as those for the other triangles treated in this paper. DFFSTRB is 33% and 19% more efficient in cpu time than DFFSTRA for N = 100 and N = 200 respectively, rather considerable for that domain of N.

Note: The coefficient of the polynomial which characterizes the transfer function of a ladder network formed by a cascade of identical uncoupled elementary cells belong to the rows of the Pascal triangle. In the case of direct coupling among interacting elementary cells forming a ladder network, the polynomial coefficients are not those belonging to the Pascal triangle but those belonging to the DFF triangle (19).

References

- J. De Kerf; <u>The Pascal Triangle and APL</u>; Les Nouvelles d'APL, No. 27, Juin 1998, pp. 77-83.
- (2) J. De Kerf; <u>De Moivre Triangles and APL</u>; Les Nouvelles d'APL, No. 27, Juin 1998, pp. 69-76.
- (3) J. De Kerf; Hoggatt Triangles and APL; Les Nouvelles d'APL, No. 28, Novembre 1998, pp. 41-50.
- (4) J. De Kerf; Horadam Triangles and APL; Les Nouvelles d'APL, No. 29, Mars 1999, pp. 45-54.
- (5) B.A. Bondarenko; Generalized Pascal Triangles and Pyramids -Their Fractals, Graphs, and Applications; Translated from the Russian by R.C. Bollinger; The Fibonacci Association, Santa Clara University, California, 1993.
- (6) J.H. Conway and R.K. Guy; <u>The Book of Numbers</u>; Springer-Verlag (Copernicus), New York, New York, 1995.
- (7) N.D. Thomson and R.P. Polivka; <u>APL2 in Depth</u>; Springer-Verlag, New York, New York, 1995.
- (8) J. Shallit; <u>A Triangle for the Bell Numbers</u>; A Collection of Manuscripts Related to the Fibonacci Sequence; The Fibonacci Association, Santa Clara University, California, 1980; 69-71.

- (9) J. De Kerf; Bell Numbers and APL; Submitted for publication in Vector (the British APL Association).
- (10) B.T. Bell; <u>Exponential Numbers</u>; American Mathematical Monthly, Vol. 41, 1934, pp. 411-419. See also: B.T. Bell; <u>The Iterated Exponential Integers</u>; Annals of Mathematics, Vol. 39, 1938, pp. 539-557.
- (11) D.E. Knuth; The Art of Computer Programming; Vol. 1: Fundamental Algorithms; Vol. 2: Seminumerical Algorithms; Vol. 3: Sorting and Searching; Addison-Wesley Publ. Co., Reading, Massachusetts, 1968/1969/1972.
- (12) M. Abramowitz and I.A. Stegun, (eds); Handbook of Mathematical Functions - With Formulas, Graphs, and Mathematical Tables; National Bureau of Standards - USA; Dover Publications, New York, New York, 1965+.
- (13) C.K. Wong and T.W. Maddockx; A Generalized Pascal's Triangle; The Pibonacci Quarterly, Vol. 13, No. 2, 1975, pp. 134-136.
- (14) J. De Kerf; From Fibonacci to Horadam; Vector, Vol. 15, No. 3, January 1999, pp. 122-130.
- (15) L.W. Shapiro; <u>A Catalan Triangle</u>; Discrete Mathematics; Vol. 14, No. 1, 1976, pp. 63-90.
- (16) A.K. Agarwal; On a New Kind of Numbers; The Fibonacci Quarterly, Vol. 28, No. 3, August 1990, pp. 194-199.
- (17) V.E. Hoggatt; <u>Fibonacci and Lucas Numbers</u>; Houghton Mifflin Mathematics: Enrichment Series; Houghton Mifflin Co. Boston, Massachusetts. 1969.
- (18) J. De Kerf; <u>More on "Fast Fibbing"</u>; Vector, Vol. 3, No. 4, April 1989, pg. 120. See also: G.H. Foster; <u>Motivating Arrays in Teaching APL</u>; Proceedings of 5th International APL Users' Conference, Toronto, May 1973; pp. 3-1/3-8.
- (19) G. Ferri; Progettazione di un microscopio ad effetto tunnel; Laurea Thesis; Università di L'Aquila, Italy, 1988.

- (20) G. Ferri, M. Faccio, and A. D'Amico; A New Numerical Triangle Showing Links With Fibonacci Numbers; The Fibonacci Quarterly, Vol. 29, No. 4, November 1991, pp. 316-320. See also: A. D'Amico, M. Faccio, and G. Ferri; Determinazione della funzione di transferimento e dell'impendenza equivalente Thevenin per reti a scala passive formate da celle elementari uguali tra di logo; Internal Research Report Dip. Ing. Elettrica; Universită di L'Aquila, Italy, 1989.
- (21) ISO Document CD13751; Programming Lenguage APL Extended; Committee Draft prepared by the APL Working Group ISO-IEC/JTC1/SC-22/WG3 Version 1; International Organization for Standardization ISO, Geneva, Switzerland, August 1993.
- (22) <u>Dialog APL/W Reference Manual Version 7</u>; Dyadic Systems Ltd, Basingstoke, Hampshire, United Kingdom, 1994.

Joseph De Kerf Rocienberg 72 B-2570 Duffel Belgium Tel: (32) 15 31 47 24



Le Guide des Produits et Services APL

par AFAPL

Le Guide des Produits et Services APL a pour but de fournir aux lecteurs des informations utiles sur les interprétes APL, les produits APL et les services APL, disponibles sur le marché français tout en leur permettant de mieux connaître les fournisseurs.

Ces derniers sont invités à nous faire parvenir la liste de leurs produits et services de façon à figurer dans notre Guide des Produits et Services APL. La date figurant après le nom de chaque fournisseur représente la date de dernière mise à jour de leur liste de produits ou services APL.

Les prix sont indiqués en Francs Hors Taxes (port en sus).

La publication de la liste des produits et services d'un fournisseur est un service gratuit offert par AFAPL aux sociétés Membres d'AFAPL.

Abréviations utilisées dans les pages qui suivent:

N Nouveau produit ou nouvelle version d'un produit
P Promotion existant actuellement sur un produit

Pour nous permettre de publier la liste de vos produits et services APL, prière de faire parvenir cette dernière, imprimee, au plus tard un mois avant la parution d'un numéro au Secrétariat d'AFAPI.

Avis: Les produits et services qui n'auront pas fait l'objet d'une mise à jour (version, prix) ne pourront plus être mentionnés.

PRODUITS APL

Dynasys

Les produits ADAPTA DLS (Dynamic Logistics Systems):

ADAPTA MPS	10 KF HT	Progiciel de Calcul de Programme Directeur de Production à capacités finies.
ADAPTA PMP	85 KF HT	Module optionnel d'ADAPTA DLS MPS, pour le calcul du Plan Directeur d'Approvisionnement
ADAPTA MSC	85 KF HT	Module optionnel d'ADAPTA DLS MPS, pour le calcul des flux logistiques entre les sites de production et de distribution
ADAPTA FBS	150 KF HT	Progiciel de prévisions de ventes

Multi-utilisateurs

fourni

Idem, code source

| E-RATT) Considerate (01か)/46) 4. 例 trackense de Préo. 9220 Patente | A A A A A A A A A A A A A A A A

	de	Marrian disconible and le
Dyalog APL version 6.1 pour		Version disponible sur la
UNIX	18.000	plupart des plates-formes
	à	UNIX ou AIX: IBM, SUN,
	120.000	DEC, HP, etc
	selon	
	machine	
Run-Time System pour UNIX	30%	du prix de la licence
Interface ORACLE-APL	Prix	Disponible sous UNIX
	selon	pour les plates-formes
	machine	IBM, SUN, HP, DEC
Dyalog APL version 7 2	10.800 F	Possibilité d'achat groupé
pour Windows 3 1 et		avec une licence Windows
3.11		95
		Run-Time system gratuit
Dyalog APL version 8	10 800 F	Sortie prévue . Mars 1996
pour Windows 95		Run-Time system gratuit
Migrations vers la version		
7.2	5 000 F	Possibilité d'achat groupé
Depuis la version 6 3	3 500 F	avec une licence Windows
Depuis la version 7 l		95
Migrations vers la version		
Windows 95	6 500 F	
Depuis la version 6 3	5 000 F	
Depuis la version 7.1		
Prague		
Mono-utilisateur	900 F	Utilitaires d'impression et

1.900 F

2.900 F

de mise à jour de tables pour Dyalog APL

P	MICROLIS version 7.0	de 38700 F	Système d'Aıde à la
•	sous Windows 3.1 et	à 12400 F	Décision avec Base de
		a 12400 r	
	Windows 95		Données, Simulations
			et Interrogations avec
			calculs sur les
			variables.
P	Langage et Manuels J	1000F	
			J 3.03 (pour le reste,
			voir les tarifs dans le
			N°19)

APL+Win Training 7.000 E Contient 14 cours de N formation avancée à APL+Win (1070 pages de documentation et 27 espaces de travail avec objets et fonctions réutilisables, dont une Base de Données Relationnelle APL) APL+ pour Windows 3.1, N APL+Win 3 0 15.000 F 95,98,NT avec support DLL, VBX, OCX, COM, DDE et licence Run Time illimitée. (CDROM) 3.750 F N Ma₁ APL+Win 1.8-2.0 à 3.0 (livré sur CDROM) N Maj APL+Win 1.0-1.3 à 3.0 10.125 F (livré sur CDROM) N Migration APL+Dos ou 11.625 F (livré sur CDROM) APL+PC (tte version) à APL+Win 3.0

Ces Nouvelles o	<u> </u>	Nº 30

N	Migration compétitive à APL+Win 3.0	11.625 F	(livré sur CDROM)
N	APL+Link Pro 2.0	6.000 F	Accès direct depuis APL+Win aux bases de données SQL standard disposant d'un driver ODBC (Access, Paradox, Oracle, Sybase,) ainsi qu'à EXCEL, fichiers texte
	Voir Outils APL ci-après		
N	APL+Dos 6.0	13.875 F	APL+ 2ème génération pour DOS avec Contrôles de Structures et compatibilité APL2
N	Maj APL+Dos 5.x à 6.0	2.250 F	
N	Maj APL+Dos 1.x-4.x à 6.0	6.000 F	
N	Maj APL+PC à APL+Dos 6.0	8.250 F	
N	APL+Dos 6.0 Licence Run Time illimitée	4.125 F	
N	Maj APL+Dos 6.0 Licence Run Time illimitée	2.125 F	
	APL+PC version II.0]	
N	APL+PC 11.0	2.650 F	APL+ 1 ^{ère} génération pour DOS sans Contrôles de Structures, ni compatibilité APL2 (limité à 640K)

N Maj APL+PC x.x à 11.0 1.125 F

APE TPLUS II poor UNIX

APL+Unix 5.2	de 25.600 F à 288.000F selon matériel	Interprète APL+Unix fonctionnant sous Xwindows (avec Contrôles de structure et compatibilité APL2) sur: - stations SPARC de SUN - stations DEC (excepté Alpha) - stations HP IX - IBM RS/6000
APL+Unix 5.2 Run Time Systems	15% du prìx de la licence	Version exécutable Seulement de l'interprète APL+Unix
	3	
Dyalog APL 7.4+8.2	13.950 F	APL 16 et 32 bits pour Windows 3.x,95,98,NT
Dyalog APL 8.2	11.450 F	APL 32 bits pour Windows 95,98,NT
Dyalog APL 7.4	11.450 F	APL 16 bits pour Windows 3.x
Maj Dyalog APL		Consulter site Web http://www.lescasse.com
Dyalog APL Abonnement DSS		Abonnement permettant l'obtention de mises a jour de Dyalog APL par Internet pour un an Consulter site Web http://www.lescasse.com

N

Combi APL

APL+Win Training	3 000 F	Contient 14 cours de formation avancée à APL+Win (1070 pages de documentation et 27 espaces de travail avec objets et fonctions réutilisables, dont une Base de Données Relationnelle APL)
DLL Parser pour APL+Win 3.0	1.450 F	Constitution automatique de déclarations de fonctions de DLL pour APLW INI
Delphi Form Translator pour APL+Win 3.0	1.450 F	Permet de traduire des fenêtres Delphi en fenêtres APL+Win 3.0
Livre "Programming with APL and Delphi"	500 F	Livre de 200 pages expliquant comment exploiter Delphi dans ses développements APL
Rain Pro 4.2 pour APL+Win	2.450 F	Progaciel graphique pour APL+Win
New Leaf 1.5 pour APL+Win	3.950 F	Progiciel de PAO pour APL+Win
Rain Pro 4.3 pour Dyalog APL	2.450 F	Progiciel graphique pour Dyalog APL
New Leaf 1.5 pour Dyalog APL	3.950 F	Progiciel de PAO pour Dyalog APL
GraphX+ChartFX pour APL+Win	5 950 F	Progiciel graphique pour APL+Win + Contrôle ChartFX

	GraphX Lite pour APL+Win	3.450 F	Progiciel graphique pour APL+Win
	AZERTY II	600 F	Support parfait du clavier français pour APL*PLUS II (V4,V5)
N	APL+Dos Toolkit II 5.2	39.000 F	Base de Données Relationnelle APL et ensemble complet d'outils de développements en APL+Dos
Ň	Maj APL+Dos Toolkit II 4 x à 5 2	4.000 F	Contient un générateur de rapports avec ruptures, sous-totaux; champs calculés, mise en page automatique

SERVICES APL

LECRONITI Consultants

Formation et Perfectionnement APL, Développements, Reprises d'Applications, Diffusion de DYALOG APL

Lescasse Consulting

Régie, Conduite de Projets APL, Formations APL (débutant et perfectionnement). Portage d'application APL, Développements d'application et de produits Windows en APL, Diffusion des gammes de produits APL+ et Dyalog APL

N. Lenan M. R. He

Travaux de Conseil, de Formation, de Conduite de Projets dans un contexte APL ou traditionnel

Travaux de Conseil et Développements en APL (tous types, y compris SHARP APL & J).

FOURNISSEURS

Type Nov. (07/03/9)

Mr. Augustin Holveck 10 Avenue Mendès-France 67300 SCHILTIGHEIM tél: 03-88-19-14-14

fax: 03-88-81-09-37

Messagerie Compuserve 100617.3453

SECON AND CONSUMBLES

Mr. Bernard Legrand 74-80, Rue Roque de Fillol 92800 Puteaux tél.:01-46 92 09 57 fax.01-46 92 06 86

Mr. Fric Lescasse 18. Rue de la Belle Feuille 92100 - BOULOGNE tél: 01-46-05-10-76 fax 01-46-04-60-23 E-mail: eric@lescasse.com

Web site: http://www.lescasse.com

M. Bernard MALLEN J. (01/91/96)

(Ingénieur Conseil) 57 av. du Dr. Durand 94110 ARCUEIL tél., 01-46-55-91-57 fax:01-46-54-43-72

SYLICOM

Mr. Sylvain Baron 184 rue Marcel Hartmann 94200 IVRY / SEINE tél.:01-45 21 98 50 fax 01-45 21 98 51

Bulletin d'Adhésion et de Contact

Aidez votre Association

Communiquez-nous les coordonnées complètes d'autres personnes de votre connaissance, intéressées par le langage APL

Nous nous ferons une obligation de leur faire parvenir un numéro gracieux des "Nouvelles d'APL".

Ils auront ainsi la possibilite d'évaluer l'intérêt pour eux de devenir Membre de notre Association. Ceci bénéficiera également à vous tous : en augmentant notre nombre d'adhérents, notre revue prendra encore plus d'essor.

Nous vous en remercions à l'avance.

A retourner au Secrétariat Général de l'Association AFAPL:

174 Bd de Charonne F-75020 PARIS

Association Francophone pour la promotion du langage APL Association régie par la loi de 1901 174 Bd. de Charonne 75020-PARIS Tél. & Fax: 01 43 56 31 79

BULLETIN D'ADHESION 1999

*.4	en	484		

M., Mme, Mile	
Nom	
Prénom	

Adresse professionnelle:

Société	
Code APE	
Votre fonction	
Département, Service	
Adresse	
Adresse (suite)	
Code postal	
Bureau distributeur	
Pays	
Téléphone	
FAX	
Courrier électronique	

Adresse privée :

Adresse	
Adresse (suite)	
Code postal	
Bureau distributeur	
Pays	
Téléphone	
FAX	
Courrier électronique	

Où envoyer la revue Les Nouvelles d'APL ? (cocher la case appropriée)

Adresse professionnelle		
Adresse privée		

Cotisation (accompagner l'adhésion du chèque bancaire correspondant) :

Personnelle	350 Francs (incluant l'envoi de la Revue)	
Société	2 800 Francs (avec droit au Catalogue Produits)	
Abonnement étranger	100 Francs (supplément pour frais d'expédition si hors CEE)	

La vie de l'Association

Calendrier des Prochaines parutions

	Articles	Publicités	Parution
N° 30	15 Juin 1999	28 Juin 1999	Juillet 1999
Nº 31	15 Octobre 1999	28 Octobre 1999	Novembre 1999

Les dates indiquées sont les dates-limite de remise des articles et des publicités. Envoyez-nous vos articles sous forme de fichier texte pur ou, de préférence, sous forme de document Word. (On peut maintenant accepter des articles écrits sur Macintosh (Word 4.1 ou 5.1) aussi bien que sur PC.) Dans tous les cas, nous souhaitons recevoir aussi une impression contrastée, type laser, de vos articles. (Eviter les envois de textes sans disquette, merci). Voir également les recommandations de la Note de la Rédaction.

Tarif des publicités

Les tarifs des publicités sont les suivants:

Туре	Tarif HT
1 page complète	1000 F
1/2 page	600 F

Les typons doivent être remis, accompagnés du règlement, au plus tard un mois avant la parution du numéro dans lequel ils doivent être insérés.

Les publicités peuvent nous parvenir sous forme de pages A4 imprimées en noir et blanc sur papier blanc, de préférence sur imprimante laser. Elles seront reproduites telles quelles dans la revue de notre Association.

